



شرح وحل اسئلة
كتاب الرياضيات
للفف الثامن



كتابة المتباينات وتمثيلها

جملة رياضية تقارن بين مقدارين وتشمل أحد الرموز:

$< > \leq \geq$

المتباينة

رموز المتباينات			
$<$	$>$	\leq	\geq
* اصغر من	* اكبر من	* اصغر من أو يساوي	* اكبر من أو يساوي
* يقل عن	* يزيد على	* اقل من أو يساوي	* اكثر من أو يساوي
* اقل من	* اكثر من	* على الاكثر	* على الاقل
		* لا يزيد	* لا يقل عن

بالختصر :- الفتحة جهة الكبر

كتابة المتباينة :-

اولاً

اعطاء جملة ونحوها الى متباينة ، حيث نرسم للمتغير

بأحد الحروف :- a, b, c, \dots

- + مضاف اليه
- x احوال
- مطروح منه

الكتب متباينة تمثل كل جملة ما يأتي :-

مثال

① عدد اصغر من 16

الحل :- هنا المتغير هو العدد وليكن b
المتباينة :- $b < 16$

رأفت صافي
٧٨٥٨٢٤٤٦٤

2

(2) عدد مضاف إليه 7 أكبر من 150

الحل: هنا المتغير هو العدد وليكن x

المبتانية: $x + 7 > 150$

(3) عدد مطروح منه 14 أكبر من أو يساوي -13

الحل: -

هنا المتغير هو العدد وليكن y

المبتانية: $y - 14 \geq -13$



(4) عدد افراد أترى لا يقل عن 5

الحل: -

هنا المتغير هو عدد افراد أترى وليكن a

المبتانية: $a \geq 5$

(5) اربعة أمثال عدد مضاف إليه 11 أقل من أو يساوي 13

الحل: - المتغير هو العدد وليكن M

المبتانية: $4M + 11 \leq 13$

(6) عدد مضاف إليه 10 أقل من -36

الحل: $y + 10 < -36$

(5) عدد أكبر من 100

الحل: $x > 100$

(8) عدد طالبة مدرستي لا يقل عن 200 طالب

الحل: $M \geq 200$

(7) كتلة حقيبة أكبر من أو تساوي 10 kg

الحل: $a \geq 10$

الحققة
من
مفاهيم

هذا

رأفت صافي

3

سائل حياتيه :-

الكتب المتبانية التي تحمل كل جملة مما يأتي :-
 (3) **يا منه :-** يجب **الا يقل** طول لاعب كرة السلة
 المحترف عن 170 cm

الحققه
من
فرضيه١٥
صفا

الحل :- المتغير هو طول اللاعب وليكن x
 المتبانية :- $x \geq 170$

(4) **سيارات :-** يقع خزان الوقود في السيارات
 الصغيرة 60 L **على الأكثر**

الحل :- المتغير هو كمية الوقود في الخزان وليكن M
 المتبانية $M \leq 60$

رأفت صافي
٧٨٥١٢٤٤٦٤

حل المتبانية :-

ثانياً

هو أي عدد - يجعل المتبانية صحيحة .

- * كيف نتحقق ان العدد يمثل حل للمتبانية أم لا :-
 ① الكتب المتبانية ② عوضا عن المتغير بالعدد المعطى
 ③ بنط العمليات الرياضية ④ نتحقق

نتج ما اذا كانت القيمة المعطاه تمثل أحد حلول المتبانية أم لا

مثال

$$2x + 3 > 8 \text{ و } x = 4$$

الحل :-

$$* \text{ الكتب المتبانية :- } 2x + 3 > 8$$

$$* \text{ عوضا :- } 2(4) + 3 > 8$$

$$* \text{ بنط :- } 8 + 3 > 8$$

$$* \text{ الحكم :- } 11 > 8 \checkmark$$

العدد 4 يمثل
 حل للمتبانية

رأفت صافي

4

نكتب ما اذا كانت القيمة المعطاه تمثل أحد حلول
المعادلة أم لا :-

التحقق
من
فرصنا

صنا

④ $2s + 5 > 10$ و $s = 3$

الحل :-
 $2s + 5 > 10$
 $2(3) + 5 > 10$
 $6 + 5 > 10$
 $11 > 10$ ✓
حل للمعادلة

⑤ $7 < 1 - 2d$ و $d = 4$

الحل :-
 $7 < 1 - 2d$
 $7 < 1 - 2(4)$
 $7 < 1 - 8$
 $7 < -7$ ✗
ليس
حلاً

⑥ $10 \geq 2 - 8k$ و $k = -1$

رافقت صافي
٠٧٨٥١٢٤٤٦٤

حل للمعادلة

الحل :-
 $10 \geq 2 - 8k$
 $10 \geq 2 - 8(-1)$
 $10 \geq 2 + 8$
 $10 \geq 10$ ✓

تمثيل المعادلات على خط الأعداد

ثالثاً

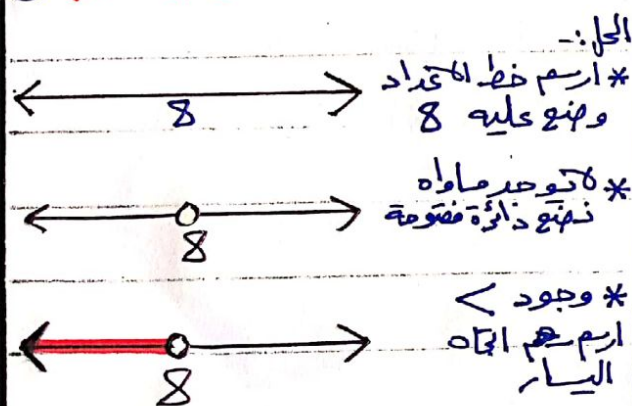
الخطوات :-

- ① نرسم خط الأعداد ونضع العدد عليه
- ② عند وجود ماواه \geq ، \leq نضع فوق العدد دائرة مغلقة (●)
- أما وجود $>$ ، $<$ نضع دائرة مفتوحة (○)
- ③ $>$ ، \geq نرسم سهم باتجاه اليمين
- ④ $<$ ، \leq نرسم سهم باتجاه اليسار

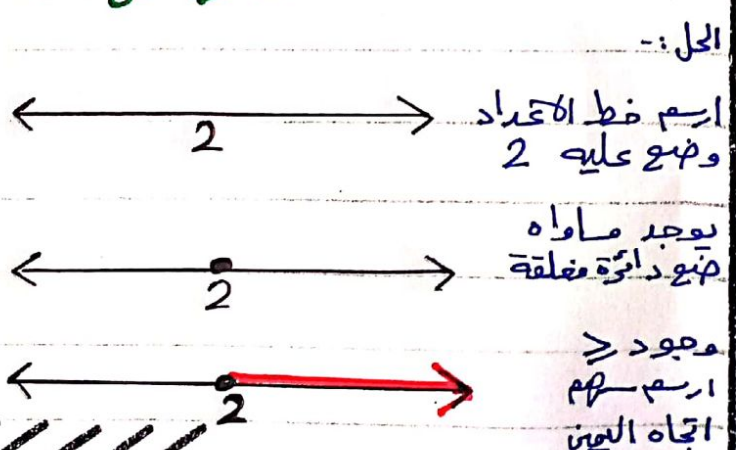
مثل كل معادلة مما يلي على خط الأعداد

مثال

① $x < 8$



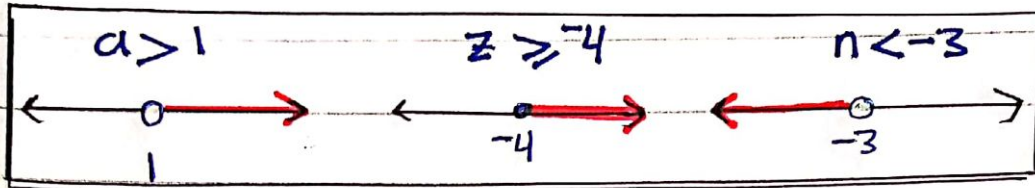
② $y \geq 2$



رافقت صافي

5

مثّل كل متباينة على خط الأعداد

التحقق
من
فرضيات
صا

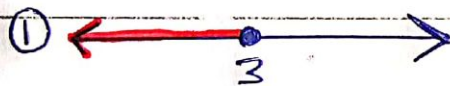
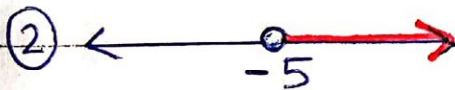
رابعاً

كتابة المتباينة من التمثيل البياني

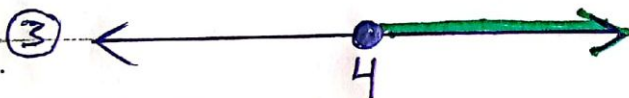
- * دائرة مفتوحة ضالا يوجد ما وراء أما مغلقة فانه يوجد ما وراء
- * اتجاه السهم للعين أكبر أما لليسار أصغر

مثال

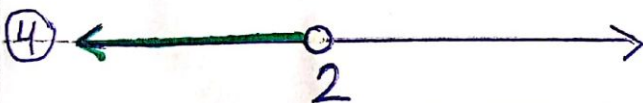
اكتب المتباينة المحتملة على خط الأعداد :-

الحل :- دائرة مغلقة واتجاه السهم لليسار
 $x \leq 3$ الحل :-
دائرة مفتوحة واتجاه السهم للعين
 $x > -5$

اكتب المتباينة المحتملة على خط الأعداد :-

 $x \geq 4$ التحقق
من
فرضيات
صا

الحل :-

 $x < 2$

رافقتك رافقتك صافي

الكتب المتباينة التي تمثل كل جملة ما يأتي :-

التدرب
واصل
المسائل

- ① عدد لا يقل عن 6 $x \geq 6$
- ② عمر حنين 7 سنوات على الأكثر $y \leq 7$
- ③ بعد 3 سنوات من الآن يكون عمر ديو 12 سنة على الأقل $a + 3 \geq 12$
- ④ طول هاشم أقل من 150 cm $z < 150$
- ⑤ أقصى ارتفاع للسيارة التي تشتت هذا الجرح هو 5 m $M \leq 5$
- ⑥ عدد مطروح منه 5 أكبر من -8 $L - 5 > -8$
- ⑦ ثلاثة أمثال عدد مضاف إليه 10 أقل من أو يساوي 7 $3S + 10 \leq 7$

⑧ :- **جامعات :-** يحضر للطلاب التقدم للاختبار بجمالية المصيلة

إذا كان معدل في اجتياحه لثانوية لا يقل عن 80%
الكتب المتباينة التي تمثل هذه الجملة

الحل :-

الكلمات :- معدل الطالب لا يقل عن 80% في كلية المصيلة
المتغير :- ليكن y يمثل معدل الطالب
المتباينة :- $y \geq 80$

⑨ **علوم :-** يبدأ الماء بالتحول من الحالة السائلة الى الحالة الصلبة

عند درجة حرارة 0°C أو أقل ، الكتب المتباينة
التي تمثل هذه الجملة

الكلمات :- يتحول الماء من سائل الى صلب عند درجة 0°C أو أقل
المتغير :- M يمثل درجة الحرارة
المتباينة :- $M \leq 0$

لقد نزل الهم صافي

7

١٥) صحیح :- محتاج جسم الانسان الى 1600 حره حراريه
يوميًا **على الأقل** ليقيم بوضا ثفا الحيويه
اكتب المتباينه التي تمثل هذه الجملة
الحل :-

الكلمات :- محتاج جسم الانسان 1600 حره على الأقل يوميًا
المتغير :- y عدد الحره الحراريه
المتباينه :- $y \geq 1600$

أبني ما اذا كانت القيمه المعطاه تمثل أحد حلول المتباينه أم لا

١١) $3x + 1 > 5$ و $x = 2$

$$3(2) + 1 > 5$$

$$6 + 1 > 5$$

$$7 > 5 \checkmark$$

حل

١٢) $4z + 3 < -6$ و $z = 0$

$$4(0) + 3 < -6$$

$$0 + 3 < -6$$

$$3 < -6 \checkmark$$

ليس حل

١٣) $\frac{8-u}{u} \geq -9$ و $u = 1$

$$\frac{8+1}{-1} \geq -9$$

$$-9 \geq -9 \times$$

حل

١٤) $18 - n > 4$ و $n = 12$

$$18 - 12 > 4$$

$$6 > 4 \checkmark$$

حل

١٥) $5r \leq 35$ و $r = 7$

$$5(7) \leq 35$$

$$35 \leq 35 \checkmark$$

حل

١٦) $\frac{3m}{6} - 2 > 3$ و $m = 8$

$$\frac{3(8)}{6} - 2 > 3$$

$$4 - 2 > 3$$

$$2 > 3 \times$$

ليس حل

١٧) $-5 \div s < -1$ و $s = 10$

$$-5 \div 10 < -1$$

$$-\frac{1}{2} < -1 \times$$

ليس

حل

١٨) $17 > 2y$ و $y = 7$


$$17 > 2(7)$$

$$17 > 14 \checkmark$$

حل

راقبوا رايكم صافي

* امثل كل متباينة على خط الأعداد في كل مما يأتي

(19) $n > -4$ 

(20) $h < 3$ 

(21) $n \leq 11$ 

(22) $t \geq 9$ 

اكتب المتباينة الممثلة على خط الأعداد

(23) 

$x > 13$

(24) 

$y < -1$

(25) 

$L \geq 2$

(26) **فيزياء :-** وفقاً لقوانين الفيزياء لا يمكن لأي جسم السير بسرعة

أكبر من سرعة الضوء البالغة 300000 km/s تقريباً

اكتب متباينة تعبر عن سرعة الأجسام مقارنة
بسرعة الضوء واضنها على خط الأعداد .

$S \leq 300000$



الحل :-

(27) **استنتاج :-** تمديد كاميرا سرعة السيارات في احد الشوارع

وفضاً تمديد سرعة عن 90 km/h يعاقب مخالفة
مؤدية ، ما الجملة التي تعبر عن الحد الأقصى للسرعة
المسموح بها في هذا الشارع

الحل :-

$M \leq 90$

لأفضل ولا يهمل صافي

(28) **اكتشف الخطأ:-** تقول سارة ان اكبر عدد كلياً يحققه

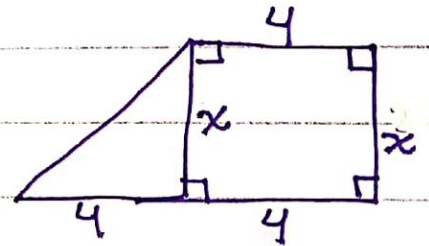
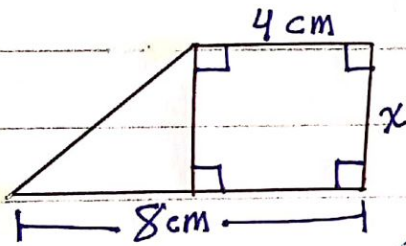
المبتانية $3 < x$ هو العدد 4 - اكتب الخطأ في ما تقوله سارة، واصححه.

الحل :-

الاتحاد السالبة ليس فيه الاتحاد المكملية وبما أن الاتحاد المكملية لا يمكن ان يكون سالبة فعليه متحيز ان يفضل على عدد موجب اقل من عدد سالبة 3 - وعليه لا يوجد حل للمبتانية

(29) **تبريري:-** اكتب متباينة تعبر عن الجملة الآتية مبرراً اجابتي
مساحة الشكل الآتي لا تزيد عن 18 cm^2

الحل :-



مساحة المثلث = $4x$

مساحة المثلث = $\frac{1}{2} \times 4 \times x$

$2x =$

مساحة الشكل الكلية = مساحة المثلث + مساحة المثلث

$$4x + 2x = 6x$$

المبتانية :- $6x \leq 18$

(30) **سالة مفتوحة :-** اكتب موقفاً حياتياً يمثل المبتانية $x \leq 10$ لا يزيد



الحل :-

تحقق للحصول فتح حساب توثير في
اصري البوك بايداع على اقل
10 دنانير اكتب المبتانية

دافست صافي

حل المتباينات بالجمع والطرح

مقدمة: درسنا سابقاً طريقة حل المعادلات من خلال استعمال خصائصها (أولاً)، ويمكن تطبيقها أيضاً في ((حل المتباينات))

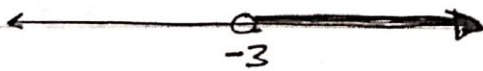
مثال 1) ليكن لدينا المتباينة $7 > 5$ واضفنا 2 لطرفي المتباينة الصحيحة ((أولاً))
 $7+2 > 5+2$
 $9 > 7 \checkmark$

وعليه إذا اضفنا العدد نفسه لطرفي متباينة تبقى صحيحة - متباينة بالجمع، $a \geq b$ فانه $a+c \geq b+c$

مثال 2) حل كل من المتباينات الآتية ومثل الحل على خط الأعداد وتحققه

① $x - 2 > -5$

الحل:-
 اكتب المتباينة
 اضف 2 لطرفي المتباينة.
 $x - 2 > -5$
 $+2 \quad +2$
 $x > -3$
 بنظ



للتحقق، نأخذ أي عدد أكبر من -3 وليكن 5

$x - 2 > -5$
 $5 - 2 > -5$
 $3 > -5 \checkmark$

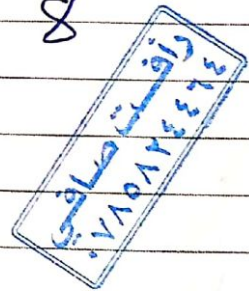
② $y - 3 \leq 8$

الحل:-
 $y - 3 \leq 8$
 $+3 \quad +3$
 $y \leq 11$



نأخذ رقم أقل من 11 وليكن 4

$y - 3 \leq 8$
 $4 - 3 \leq 8$
 $1 \leq 8 \checkmark$



حل (متباينات)

المتحقق من طرفي

③ $x - 4 < 1$

الحل :-

$$\begin{array}{r} x - 4 < 1 \\ +4 \quad +4 \\ \hline x < 5 \end{array}$$



التحقق: نأخذ عدد أقل من 5 وليكن 4

$$\begin{array}{r} x - 4 < 1 \\ 4 - 4 < 1 \\ \hline 0 < 1 \quad \checkmark \end{array}$$

④ $y - 6 \geq -10$

الحل :-

$$\begin{array}{r} y - 6 \geq -10 \\ +6 \quad +6 \\ \hline y \geq -4 \end{array}$$



نأخذ رقم أكبر من -4 وليكن (1)

$$\begin{array}{r} y - 6 \geq -10 \\ 1 - 6 \geq -10 \\ \hline -5 \geq -10 \quad \checkmark \end{array}$$

وطرفنا (2) من طرفي المتباينة

ليكن لدينا المتباينة $8 < 12$

$$\begin{array}{r} 8 - 2 < 12 - 2 \\ \hline 6 < 10 \quad \checkmark \end{array}$$

ثانياً :-

فعليه اذا طرح العدد نفسه من طرفي متباينة صحيحة فان المتباينة الناتجة تبقى «صحيحة»

بالرموز $a > b$ فان $a - c > b - c$

حل المتباينات الآتية ومثل الحل على خط الأعداد ثم تحقق من الحل

① $x + 3 \geq 8$

$$\begin{array}{r} x + 3 \geq 8 \\ -3 \quad -3 \\ \hline x \geq 5 \end{array}$$



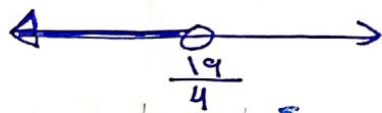
التحقق :-
 نأخذ عدد أكبر من 5 وليكن 6

$$\begin{array}{r} x + 3 \geq 8 \\ 6 + 3 \geq 8 \\ \hline 9 \geq 8 \quad \checkmark \end{array}$$

② $y + \frac{1}{4} < 5$

الحل :-

$$\begin{array}{r} y + \frac{1}{4} < 5 \\ -\frac{1}{4} \quad -\frac{1}{4} \\ \hline y < \frac{19}{4} \end{array}$$



نأخذ عدد أقل من $\frac{19}{4}$ وليكن 0

$$\begin{array}{r} 0 + \frac{1}{4} < 5 \\ \hline \checkmark \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 5 - \frac{1}{4} \\ \frac{5 \times 4}{1 \times 4} - \frac{1}{4} \\ \hline \frac{20}{4} - \frac{1}{4} = \frac{19}{4} \end{array}$$

②

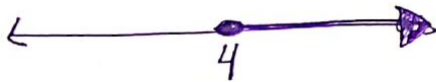
حل (متباينات لآتيه :-

التحقق من فهمي

③ $2 + x \geq 6$

الحل :-

$$\begin{array}{r} 2 + x \geq 6 \\ -2 \quad -2 \\ \hline x \geq 4 \end{array}$$



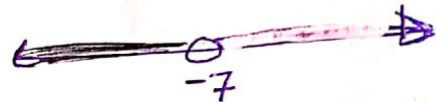
ناخذ عدداً أكبر من 4 وليكن 5

$$\begin{array}{l} 2 + x \geq 6 \\ 2 + 5 \geq 6 \\ 7 \geq 6 \checkmark \end{array}$$

④ $5 > y + 12$

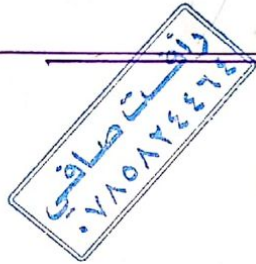
الحل :-

$$\begin{array}{r} 5 > y + 12 \\ -12 \quad -12 \\ \hline -7 > y \end{array}$$



ناخذ رقماً أقل من -7 وليكن -8

$$\begin{array}{l} 5 > y + 12 \\ 5 > -8 + 12 \\ 5 > 4 \checkmark \end{array}$$



فالتالي :- مسائل من الحياة

التحقق من فهمي

سيارة :- تريد ملك شراء سيارة لا يقل ثمنها عن 15000 JD
 فقد وفرت 13500 JD ، كم المبلغ المتبقّي عليها
 لشراء السيارة

الحل :- ليكن x المبلغ المتبقّي

* المتباينة $x + 13500 \geq 15000$

* كل متباينة
$$\begin{array}{r} x + 13500 \geq 15000 \\ -13500 \quad -13500 \\ \hline x \geq 1500 \end{array}$$

$x \geq 1500$

متبقّي عليها على الأقل 1500 ديناراً

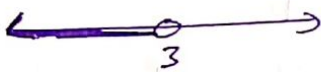
③



* حل كل متباينة ونقل الكل على خط الأعداد وتحقق

① $v - 6 < -3$

$v - 6 < -3$
+ 6 + 6
 $v < 3$



التحقق: نأخذ الرقم 2

$v - 6 < -3$
 $2 - 6 < -3$
 $-4 < -3$ ✓

② $y - 11 > 0$

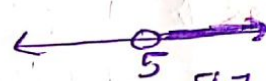
$y - 11 > 0$
+ 11 + 11
 $y > 11$



التحقق: نأخذ العدد 12
 $12 - 11 > 0$
 $1 > 0$ ✓

③ $h - 7.8 > -2.8$

$h - 7.8 > -2.8$
+ 7.8 + 7.8
 $h > 5$



التحقق: نأخذ 8.7
 $8.7 - 7.8 > -2.8$
 $1 > -2.8$ ✓

④ $0 \leq n - 8$

$0 \leq n - 8$
+ 8 + 8
 $8 \leq n$



التحقق: نأخذ العدد 9

$0 \leq 9 - 8$
 $0 \leq 1$ ✓

⑤ $k - 4 \geq -5$

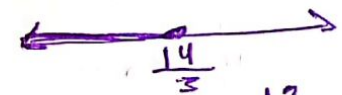
$k - 4 \geq -5$
+ 4 + 4
 $k \geq -1$



التحقق: نأخذ العدد 2
 $2 - 4 \geq -5$
 $-2 \geq -5$ ✓

⑥ $5 - \frac{2}{3} < 4$

$5 - \frac{2}{3} < 4$
+ $\frac{2}{3}$ + $\frac{2}{3}$
 $5 < \frac{14}{3}$



لنأخذ $\frac{12}{3}$
 $\frac{12}{3} - \frac{2}{3} < 4$
 $\frac{10}{3} < 4$ ✓

* حل كل متباينة مما يأتي، ونقل الكل على خط الأعداد ثم اتحقق

⑦ $y + 5 < 11$

$y + 5 < 11$
- 5 - 5
 $y < 6$



التحقق: نأخذ العدد 5
 $y + 5 < 11$
 $5 + 5 < 11$
 $10 < 11$ ✓

⑧ $-1 \geq 3 + b$

$-1 \geq 3 + b$
- 3 - 3
 $-4 \geq b$



لأخذ العدد -5
 $-1 \geq 3 + -5$
 $-1 \geq -2$ ✓

⑨ $8.1 < y + 6.1$

$8.1 < y + 6.1$
- 6.1 - 6.1
 $2 < y$



التحقق: نأخذ العدد 3
 $8.1 < 3 + 6.1$
 $8.1 < 9.1$ ✓

$$⑩ 2.4 \leq 6.4 + n$$

$$\begin{aligned} 2.4 &\leq 6.4 + n \\ -6.4 &-6.4 \\ -4 &\leq n \end{aligned}$$



الحل: $n \geq -4$

$$2.4 \leq 6.4 + 0$$

$$2.4 \leq 6.4$$

$$⑪ -8 \leq 8 + x$$

$$\begin{aligned} -8 &\leq 8 + x \\ -8 &-8 \\ -16 &\leq x \end{aligned}$$

الحل: $x \geq -16$

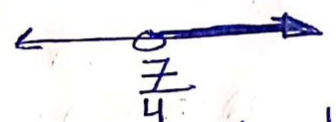
$$-8 \leq 8 + 0$$

$$-8 \leq 8 \checkmark$$

$$⑫ 1\frac{1}{4} + w > 3$$

$$\begin{aligned} 1\frac{1}{4} + w &> 3 \\ -1\frac{1}{4} &-1\frac{1}{4} \end{aligned}$$

$$w > \frac{7}{4}$$



$$1\frac{1}{4} + 4 > 3 \checkmark$$

* الكتب المتبانية التي تحصل كل جملة مما يأتي، ثم أ حلها :

$$⑬ عدد مضاف إليه 7 أكبر من 20$$

$$\text{الحل: } x + 7 > 20 \quad \text{المتبانية حيث } x \text{ هو العدد}$$

$$x + 7 > 20$$

$$-7 \quad -7$$

$$x > 13$$

حل المتبانية

$$⑭ عدد مضاف منه 9 أكبر من -5$$

$$\text{الحل: } x - 9 > -5$$

$$+9 \quad +9$$

$$x > 4$$

$$⑮ العدد 6 أقل من أو يساوي مجموع عدد و 15$$

$$\text{الحل: } 6 \leq x + 15$$

$$\begin{aligned} 6 &\leq x + 15 \\ -15 &-15 \end{aligned}$$

$$-9 \leq x$$

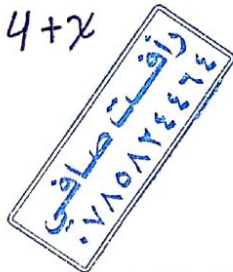
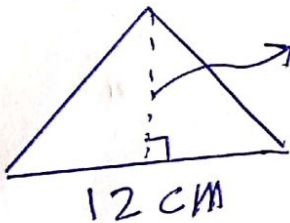
⑤

16) توبيه :- في طر جنوب مبيعات احدا شركات تبيع
 الاقويك لتوبيه 200 عبوة دماء
 على الاقل في اسبوع. اذا تمكن من
 توبيه 30 عبوة في اليوم الاول من
 الاسبوع، فكم عبوة يحتاج الى
 توبيها في الاسبوع المتبقية من الاسبوع
 ليصل الى هدفه



الحل :- $200 \geq x + 30$
 $\quad \quad \quad -30 \quad -30$
 $\quad \quad \quad x \geq 170$

17) هندسة :- اذا كان طول قاعدتي مثلث (لجوار أقل من
 ارتفاعه، فما القيم الممكنة للمتغير x



الحل :- $12 < 4 + x$
 $\quad \quad \quad -4 \quad -4$
 $\quad \quad \quad 8 < x$

18) ميزانية شهرية :- يتقاضى موظف راتباً شهرياً مقداره JD 560
 يؤمن منه JD 100 شهرياً، ويدفع JD 20
 اشتراك شهري في أحد مراكز اللياقة، ويدفع
 باقي الراتب، الكتب (مبتانية). واحداً لا قيمة
 المدد له للمبلغ الذي يمكن للموظف صرفه شهرياً

حيث x باقي الراتب
 $560 \leq x + 100 + 20$
 $\quad \quad \quad -120 \quad -120$
 $\quad \quad \quad x \leq 440$

على الأكثر يمكن صرف 440

نقط

(١٩) زواحف : يحتاج حيوان أبو بريص الفهد إلى أن تكون درجة الحرارة في منطقة تعرضه للشم 28°C أو أعلى إذا كانت درجة الحرارة الحالية 24°C الحيت (متباينة واحدة)

الحل:

$$x + 24 \geq 28 \quad \text{(متباينة حيث } x \text{ الحرارة)}$$

$$\begin{array}{r} x + 24 \geq 28 \\ -24 \quad -24 \end{array}$$

$$x \geq 4$$

بمعنى أن ترتفع درجة حرارة 4°C وأكثر

(20) استكشف : قد صلب صلب صلب كخزينة 180 جيجابايت استعمل فيها 112 جيجابايت، ما إلى الحد الذي يمكن تخزينها على القرص

الحل:

$$x + 112 \leq 180 \quad \text{(متباينة)}$$

كل (متباينة) :

$$\begin{array}{r} x + 112 \leq 180 \\ -112 \quad -112 \end{array}$$

$$x \leq 68$$

الحد الأقصى 68



(21)

ماله مفتوحة : الكتب 3 متباينات مكانه المتباينة $y < -2$

الحل : كتب متباينات لها $y < -2$

$$y + 5 < 3 \quad (1)$$

$$y + 1 < -3 \quad (2)$$

$$y - 7 < 9 \quad (3)$$

(22)

الكتب الخطأ :

$$-10 + x \geq -9$$

$$-10 + 10 + x \geq -9$$

$$x \geq -9$$

الحل : - عدم إضافة 10 للطرفين :

$$\begin{array}{r} -10 + x \geq -9 \\ +10 \quad +10 \end{array}$$

$$x \geq 1$$

(7)

حل المتباينات بالضرب والقسمة

مقدمة : ليكن لدينا هذه (متباينة الصحيحة) : $4 > 2$

① اضرب طرفي (متباينة) بعدد موجب وليكن 3

$$4 \times 3 > 2 \times 3$$

$$12 > 6 \quad \checkmark \quad \text{«صحيحة»}$$

وعليه إذا ضرب طرفي متباينة صحيحة في عدد موجب فان (متباينة) لنا دجة تبقى صحيحة

بالرموز : $a > b$ فان $axc > bxc$ حيث $c > 0$

② اضرب طرفي (متباينة) بعدد سالب وليكن -5

$$4 \times -5 > 2 \times -5$$

$$-20 > -10 \quad \times \quad \text{«خاطئة»}$$

وعليه إذا ضرب طرفي متباينة صحيحة في عدد سالب نقوم بتغيير اتجاه رمز المتباينة وذلك لجعل (متباينة) صحيحة

بالرموز : $a > b$ فان $axc < bxc$ حيث $c < 0$

مثال : حل (متباينة) لآتية ومثل الحل على خط الأعداد وتصوره

① $\frac{y}{2} > -4$

الحل :

$$\frac{y}{2} > -4$$

* اكبت (متباينة)

* اضرب بـ 2

$$2 \times \frac{y}{2} > -4 \times 2$$

$$y > -8$$



$$\frac{y}{2} > -4$$

$$y > -8 \quad \checkmark$$

التحقق : نأخذ العدد 2

② $\frac{x}{-3} \leq 5$

الحل :

$$\frac{x}{-3} \leq 5$$

$$-3 \times \frac{x}{-3} \leq 5 \times -3$$

$$x \geq -15$$



التحقق : نأخذ العدد 0

$$\frac{0}{-3} \leq 5 \quad \checkmark$$

حل (متباينات) =

24
up

التحقق من فهمي

③ $\frac{y}{3} > -1$

الحل: $3 \times \frac{y}{3} > -1 \times 3$
 $y > -3$

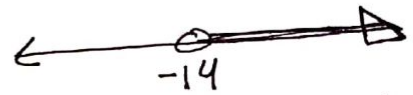


التحقق: نأخذ العدد 0

$\frac{0}{3} > -1$
 $0 > -1 \checkmark$

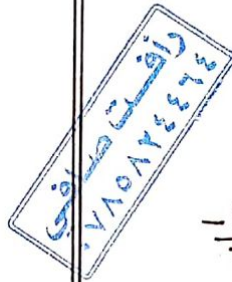
④ $-\frac{4}{7}m < 8$

الحل: $-\frac{7}{4} \times -\frac{4}{7}m > 8 \times -\frac{7}{4}$
 $m > 14$



نأخذ العدد 0:

$-\frac{4}{7} \times 0 < 8$
 $0 < 8 \checkmark$



ثانياً :-

عند حل (متباينات من خلال القسمة) يكون الحل مشابه
لحلها باستخدام القسمة. حيث عند القسمة على عدد سالب
نغير اتجاه الرمز وعند القسمة بعدد موجب لا نغير
الاتجاه

مثال حل (متباينات لثابت) :-

① $4y \leq -20$

الحل: أكتب (متباينة)
نقسم على 4
 $4y \leq -20$
 $\frac{4y}{4} \leq \frac{-20}{4}$
 $y \leq -5$



التحقق: نأخذ العدد (-6)

$4(-6) \leq -20$
 $-24 \leq -20$

② $-2x > -8$

الحل: نقسم على -2
مع تغيير الاتجاه
 $-2x > -8$
 $\frac{-2x}{-2} < \frac{-8}{-2}$
 $x < 4$



التحقق: نأخذ العدد اقل من 4
ولكننا 3
 $(-2)(3) > -8$
 $-6 > -8 \checkmark$

③ $4d < 8$

الحل: $\frac{4d}{4} < \frac{8}{4}$
 $d < 2$



التحقق: نأخذ العدد 1
 $(4)(1) < 8$
 $4 < 8 \checkmark$

④ $-2y \leq -14$

الحل: $\frac{-2y}{-2} \geq \frac{-14}{-2}$
 $y \geq 7$



التحقق: نأخذ العدد 8
 $(-2)(8) \leq -14$
 $-16 \leq -14 \checkmark$

②

عمل : يتقاضى احد 2.5 JD عن كل ساعة عمل كالحب متبانية
واحدة 2 ساعات عدد ساعات العمل يجب ان يعمل فيها
حتى يتقاضى 400 JD كالحب
الحل : x عدد ساعات العمل

$$\begin{aligned} 2.5x &\geq 400 \\ \frac{2.5x}{2.5} &\geq \frac{400}{2.5} \\ x &\geq \frac{4000}{25} \\ x &\geq 160 \end{aligned}$$

النسب واصل الحل * أصل كل متبانية واصل الحل كالحب لا يراد ثم تحققه

① $\frac{u}{3} > -2$

الحل :
 $3 \times \frac{u}{3} > -2 \times 3$
 $u > -6$



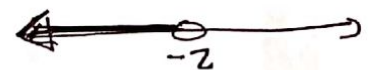
② $-4x \leq 12$

الحل :
 $\frac{-4x}{-4} \geq \frac{12}{-4}$
 $x \geq -3$



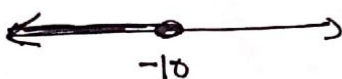
③ $\frac{1}{6}t < -\frac{1}{3}$

الحل :
 $6 \times \frac{1}{6}t < -\frac{1}{3} \times 6$
 $t < -2$



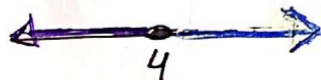
④ $-\frac{2}{5}w \geq 4$

الحل :
 $-\frac{5}{2} \times -\frac{2}{5}w \leq 4 \times -\frac{5}{2}$
 $w \leq -10$



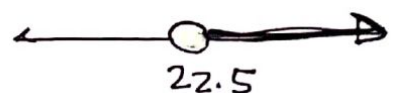
⑤ $\frac{n}{5} \leq 0.8$

الحل :
 $5 \times \frac{n}{5} \leq 0.8 \times 5$
 $n \leq 4$



⑥ $-5 > \frac{c}{-4.5}$

الحل :
 $-5 \times -4.5 < \frac{c}{-4.5} \times -4.5$
 $22.5 < c$



* حل كل متباينة مما يأتي، واملأ الخانة خط الحداد

⑦ $-13x \geq 26$

الحل:-

$$\frac{-13x}{-13} \leq \frac{26}{-13}$$

$$x \leq -2$$

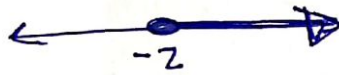


⑧ $-20 \leq 10n$

الحل:-

$$\frac{-20}{10} \leq \frac{10n}{10}$$

$$-2 \leq n$$



⑨ $5b > -15$

الحل:-

$$\frac{5b}{5} > \frac{-15}{5}$$

$$b > -3$$

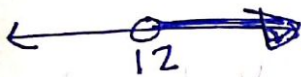


⑩ $144 < 12d$

الحل:-

$$\frac{144}{12} < \frac{12d}{12}$$

$$12 < d$$



⑪ $-3m > -33$

الحل:-

$$\frac{-3m}{-3} < \frac{-33}{-3}$$

$$m < 11$$



⑫ $-3.9c \leq 43.68$

الحل:-

$$\frac{-3.9c}{-3.9} \geq \frac{43.68}{-3.9}$$

$$c \geq -11.2$$



* اكتب متباينة تمثل كل جملة مما يلي ثم حلها :-

⑬ خمسة أمتار عدد أقل من 45

الحل:- $5x < 45$ (متباينة حيث x لعدد)

$$\frac{5x}{5} < \frac{45}{5}$$

$$x < 9$$

⑭

عدد مقوم لك 4 لا يزيد عن 8

الحل:-

$\frac{x}{4} \leq 8$ (متباينة حيث x لعدد)

$$4 \times \frac{x}{4} \leq 8 \times 4$$

$$x \leq 32$$

④



(15) ثلاثة أعداد أكبر من -18

الحل :-

$$3y > -18 \quad \text{حيث } y \text{ لعدد}$$

$$\frac{3y}{3} > \frac{-18}{3}$$

$$y > -6$$

(16) عدد مقسوم على 2 لا يقل عن 5

الحل :-

$$\frac{y}{2} \geq 5 \quad \text{حيث } y \text{ لعدد}$$

$$2 \times \frac{y}{2} \geq 5 \times 2$$

$$y \geq 10$$



(17) عدد من طلاب مدرسة لاسية فيها 275 طالباً آتياً لاختبارهم على الأقل في الصفوف الثلاثة الدنيا. اكتب متباينة واحداً لا حد أقل عدد ممكن من الطلبة في الصفوف الثلاثة الدنيا

الحل :-

$$x \geq \frac{3}{5} \times 275 \quad \text{(متباينة)}$$

$$x \geq 165$$

يوجد على الأقل 165 طالباً من الصفوف الثلاثة الدنيا

(18) حديقة: يريد طارق تبليط منطقة متطيلة الشكل في حديقة منزله مساحتها 15 m^2 ويملك فقط 75 JD اكبت متبائنه واحلا لتقتل شحنا (فتر المربع الواحد من البلاط لذي تمكن لطاره ان يستره

الحل:

$$15x \leq 75$$

$$\frac{15x}{15} \leq \frac{75}{15}$$

$$x \leq 5$$

(19) استكشف: حصل كمال على علامتي 90 و 93 في الاختبارين: الاول والثاني من مادة العلوم، ما الحد الادنى للعلامة التي يجب ان يحصل عليها في الاختبار الثالث ليكون معدل علاماته 90 على الاقل

الحل:

$$\frac{90 + 93 + x}{3} \geq 90$$

$$3 \times \frac{183 + x}{3} \geq 90 \times 3$$

$$\begin{array}{r} 183 + x \geq 270 \\ -183 \quad -183 \end{array}$$

$$x \geq 87$$

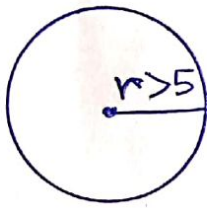
(6)



(20) ساله مفتوحة : الكتب متباينة يمكن حلها بالقمة
كل عدد سالب وحلها $x \geq \frac{1}{4}$

الحل : $-4x \leq -1$

(21) بتريه الكتب متباينة واحلها ، لتقل المحيط (يمكن للدائرة
المجاورة ، ماير اجابتي



الحل : محيط الدائرة :

$$C = 2\pi r$$

$$2\pi(5)$$

$$C > 2\pi(5)$$

$$C > 10\pi$$



(22) اكتشف الخطأ

$$\begin{aligned} -6 &> \frac{2}{3}x \\ \frac{3}{2}(-6) &< \frac{3}{2}\left(\frac{2}{3}x\right) \\ -\frac{18}{2} &< x \\ -9 &< x \end{aligned}$$

الحل : عند ضرب بعدد موجب
لا نغير اتجاه المتباينة

الصواب $-6 > \frac{2}{3}x$

$$\frac{3}{2} \times (-6) > \left(\frac{2}{3}x\right) \left(\frac{3}{2}\right)$$

$$-9 > x$$

حل المتباينات متعددة الخطوات

مقدمة :- تعالوا في الدرس السابق حل (متباينات التي تحتوي على عملية واحدة فقط ، في هذا الدرس سنتعلم حل (متباينات التي تحتوي أكثر من عملية

حالة (أ) :- وجود المتغير في حد واحد

مثال :- حل (متباينات الآتية ثم حل الحل على خط الأعداد وحققه

$$① \quad 3y - 2 > 10$$

الحل :-

نتخلص من الحد الواحد بإضافة +2

$$3y - 2 > 10$$

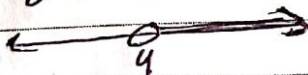
$$+2 \quad +2$$

$$3y > 12$$

نتخلص من المعامل
بالقسمة على 3

$$\frac{3y}{3} > \frac{12}{3}$$

$$y > 4$$



$$3(5) - 2 > 10$$

$$13 > 10 \checkmark$$

القيمة: 5

$$② \quad -2x + 1 \leq 5$$

الحل :-

$$-2x + 1 \leq 5$$

$$-1 \quad -1$$

$$-2x \leq 4$$

$$\frac{-2x}{-2} \geq \frac{4}{-2}$$

$$x \geq -2$$



$$(-2)(0) + 1 \leq 5$$

$$1 \leq 5 \checkmark$$

القيمة: 0

$$③ \quad 2x + 6 \leq 14$$

الحل :-

$$2x + 6 \leq 14$$

$$-6 \quad -6$$

$$\frac{2x}{2} \leq \frac{8}{2}$$

$$x \leq 4$$



$$2(3) + 6 \leq 14$$

$$12 \leq 14 \checkmark$$

القيمة: 3

$$④ \quad -3x + 7 > 5$$

30

$$-3x + 7 > 5$$

$$-7 \quad -7$$

$$-3x > -2$$

$$\frac{-3x}{-3} < \frac{-2}{-3}$$

$$x < \frac{2}{3}$$



$$(-3)(\frac{2}{3}) + 7 > 5$$

$$-2 > -5 \checkmark$$

القيمة: 3

حالة (2) :- وجود المتغير في أكثر من حد

في هذه الحالة نتخلص من أحدهما لنصبح المتغير في حد واحد ثم نكمل -

مثال :- حل المتباينة الآتية :-

$$2x + 11 \leq 6x - 5$$

الحل :- نتخلص من $2x$:-

$$\begin{array}{r} 2x + 11 \leq 6x - 5 \\ -2x \quad -2x \\ \hline 11 \leq 4x - 5 \\ +5 \quad +5 \\ \hline 16 \leq 4x \\ \frac{16}{4} \leq \frac{4x}{4} \\ 4 \leq x \end{array}$$



التحقق: نأخذ عدد 5

$$\begin{array}{l} (2)(5) + 11 \leq 6(5) - 5 \\ 21 \leq 25 \checkmark \end{array}$$

حل (متباينة) $5w - 7 > 3w + 2$ واقل الحل
كل شرط الاعتماد ثم التحقق من صحتها

التحقق من صحتها

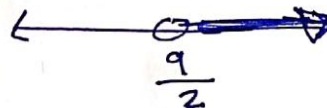
الحل :-

$$\begin{array}{r} 5w - 7 > 3w + 2 \\ -3w \quad -3w \\ \hline 2w - 7 > 2 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 2w - 7 > 2 \\ +7 \quad +7 \\ \hline 2w > 9 \end{array}$$

$$\frac{2w}{2} > \frac{9}{2}$$

$$w > \frac{9}{2}$$



التحقق: نأخذ عدد 5

$$5(5) - 7 > 3(5) + 2$$

$$25 - 7 > 15 + 2$$

$$18 > 17 \checkmark$$

حالة (٣) وجود أمقاس وحيدة في هذه الحالة نستخدم خاصية التوزيع للتخلص من الأمقاس.

مثال

حل (متباينة) $4(y-1) \geq 6y+1$

الحل: $4(y-1) \geq 6y+1$

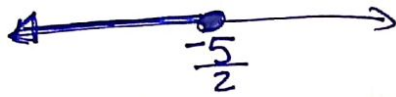
$4y-4 \geq 6y+1$

$-4y \quad -4y$

$-4 \geq 2y+1$

$-\frac{5}{2} \geq \frac{2y}{2}$

$-\frac{5}{2} \geq y$



التحقق: نأخذ العدد -3

$4(-3-1) \geq 6(-3)+1$

$-16 \geq -17 \checkmark$

3
14

التحقق من مخرج

حل (متباينة) $15 \leq 5-2(4m+7)$

الحل: $15 \leq 5-2(4m+7)$

$15 \leq 5-8m-14$

$15 \leq -8m-9$

$24 \leq -8m$

$\frac{24}{-8} \geq \frac{-8m}{-8}$

$-3 \geq m$



التحقق: نأخذ العدد -4

$15 \leq 5-2(4(-4)+7)$

$15 \leq 5-2(9)$

$15 \leq 5+18$

$15 \leq 23 \checkmark$

حالة 4

اختفاء المتغير عند حل (متباينة) وحيدة في هذه الحالة تظهر جملة رياضية إما صحيحة أو خاطئة حيث أن هاتين جملة صحيحة هنا يكون الحل هو جميع الأعداد الحقيقية، أما هاتين جملة غير صحيحة هنا لا يوجد حل للمتباينة.

مثال حل متباينة

$$2(3y+1) < 6y+5$$

$$\text{الحل: } 2(3y+1) < 6y+5$$

$$6y+2 < 6y+5$$

$$\begin{array}{r} -6y \\ -6y \end{array}$$

$$2 < 5 \text{ حله صحيحة}$$

وعليه الحل هو جميع الأعداد الحقيقية

لناخذ أي عدد وليكن 1

$$2(3(1)+1) < 6(1)+5$$

$$8 < 11 \checkmark$$

32 التحقق من غلص

$$(3) 12-8h \leq 2(6-4h)$$

$$12-8h \leq 2(6-4h) \quad \text{الحل:}$$

$$12-8h \leq 12-8h$$

$$\begin{array}{r} +8h \\ +8h \end{array}$$

$$12 \leq 12 \text{ حله صحيحة}$$

والحل هو جميع الأعداد الحقيقية

(4)

$$3(2+m) > 5m+9-2m$$

الحل:-

$$6+3m > 3m+9$$

$$\begin{array}{r} -3m \\ -3m \end{array}$$

$$6 > 9 \text{ غير صحيحة}$$

وعليه لا يوجد حل

مثال من الحياة

تدفع ريم في الإعلان عن منتجات شركتها على موقع الإلكتروني مقابل 10 JD شهرياً، إضافة إلى 0.05 JD عن كل من يزور موقع الإعلان، حد أقل عدد من الزيارات الشهرية لموقع الإعلان ليكون المبلغ الذي يتقاضاه (موقع) الإلكتروني من شركة ريم 100 JD على الأقل

الحل:-

$$10 + 0.05x \geq 100$$

$$\begin{array}{r} -10 \\ -10 \end{array}$$

$$\frac{0.05x \geq 90}{0.05} \quad \frac{90}{0.05}$$

$$x \geq \frac{9000}{5}$$

$$x \geq 1800$$

أقل عدد 1800

(4)

* حل كل متباينة وامثل الحل على خط الأعداد

والله رب العالمين

① $3x - 2 < 13$

الحل:

$$3x - 2 < 13$$

$$+2 \quad +2$$

$$\frac{3x}{3} < \frac{15}{3}$$

$$x < 5$$



② $-6 > 3 - 3x$

الحل:

$$-6 > 3 - 3x$$

$$-3 \quad -3$$

$$-9 > -3x$$

$$\frac{-9}{-3} < \frac{-3x}{-3}$$

$$3 < x$$



③ $-5 \geq 4x + 7$

الحل:

$$-5 \geq 4x + 7$$

$$-7 \quad -7$$

$$\frac{-12}{4} \geq \frac{4x}{4}$$

$$-3 \geq x$$



④ $5 - 2x < 17$

الحل:

$$5 - 2x < 17$$

$$-5 \quad -5$$

$$-2x < 12$$

$$\frac{-2x}{-2} > \frac{12}{-2}$$

$$x > -6$$



⑤ $7b - 4 \leq 10$

الحل:

$$7b - 4 \leq 10$$

$$+4 \quad +4$$

$$\frac{7b}{7} \leq \frac{14}{7}$$

$$b \leq 2$$



⑥ $-6g + 2 > 20$

الحل:

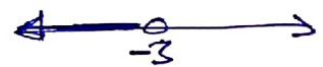
$$-6g + 2 > 20$$

$$-2 \quad -2$$

$$-6g > 18$$

$$\frac{-6g}{-6} < \frac{18}{-6}$$

$$g < -3$$



* حل كل من المتباينات الآتية:

⑦ $3y + 6 < 2y - 8$

الحل:

$$3y + 6 < 2y - 8$$

$$-2y \quad -2y$$

$$y + 6 < -8$$

$$-6 \quad -6$$

$$y < -14$$



⑧ $6x + 10 \leq 2(7 - x)$

الحل:

$$6x + 10 \leq 2(7 - x)$$

$$6x + 10 \leq 14 - 2x$$

$$+2x \quad +2x$$

$$8x + 10 \leq 14$$

$$-10 \quad -10$$

$$\frac{8x}{8} \leq \frac{4}{8}$$

$$x \leq \frac{1}{2}$$

⑨ $3(x + 1) > 10 + 2x$

الحل:

$$3(x + 1) > 10 + 2x$$

$$3x + 3 > 10 + 2x$$

$$-2x \quad -2x$$

$$x + 3 > 10$$

$$-3 \quad -3$$

$$x > 7$$

$$(10) \quad 2(7-3a) \leq 14-6a$$

$$2(7-3a) \leq 14-6a$$

$$14-6a \leq 14-6a$$

$$14 \leq 14$$

الحل: مجموعة الأعداد الحقيقية

$$(11) \quad x-4-7x > 1-6x$$

$$-6x-4 > 1-6x$$

$$-4 > 1$$

لا يوجد حلول

$$(12) \quad 8.1x+1 > 8.1x-10$$

$$8.1x+1 > 8.1x-10$$

$$1 > -10$$

الحل: مجموعة الأعداد الحقيقية

$$(13) \quad \frac{x}{2} + 4 < 7$$

$$\frac{x}{2} + 4 < 7$$

$$2 \times \frac{x}{2} < 3 \times 2$$

$$x < 6$$

$$(14) \quad 5w-7 \leq 3w+4$$

$$5w-7 \leq 3w+4$$

$$2w-7 \leq 4$$

$$\frac{2w}{2} \leq \frac{11}{2} \quad w \leq \frac{11}{2}$$

$$(15) \quad 2(4x-1) \leq 3(x+4)$$

$$2(4x-1) \leq 3(x+4)$$

$$8x-2 \leq 3x+12$$

$$5x-2 \leq 12$$

$$\frac{5x}{5} \leq \frac{14}{5} \rightarrow x \leq \frac{14}{5}$$

$$(16) \quad \frac{2t-2}{7} > 4$$

$$7 \times \frac{2t-2}{7} > 4 \times 7$$

$$2t-2 > 28$$

$$\frac{2t}{2} > \frac{30}{2}$$

$$t > 15$$

$$(17) \quad 3(x-2) < 15$$

$$3(x-2) < 15$$

$$3x-6 < 15$$

$$\frac{3x}{3} < \frac{21}{3}$$

$$x < 7$$

(6)

$$(18) \quad 2(4t-3) \geq 36$$

الحل:-

$$2(4t-3) \geq 36$$

$$8t-6 \geq 36$$

$$+6 \quad +6$$

$$\frac{8t}{8} \geq \frac{42}{8}$$

$$t \geq \frac{21}{4}$$

$$(19) \quad 9h+8-3h \geq 2(3h+1)+6$$

الحل:-

$$9h+8-3h \geq 6h+2+6$$

$$6h+8 \geq 6h+8$$

$$-6h$$

$$-6h$$

$$8 \geq 8 \quad \text{عبارة صحيحة}$$

الحل: مجموعة الأعداد الحقيقية

$$(20) \quad n-1 > 3n+4-2n$$

$$n-1 > 3n+4-2n \quad \text{الحل:-}$$

$$n-1 > n+4$$

$$-n \quad -n$$

$$-1 > 4 \quad \times$$

عبارة خاطئة
لا يوجد حلول

* اكتب متباينة تمثل كل جملة مما يأتي ثم احلها :

(21)

ثلاثة عدد مطروعا منه
5 لا يزيد على 15

$$\frac{2}{3}x - 5 \leq 15$$

$$+5 \quad +5$$

$$\frac{2}{3}x \leq 20$$

$$\frac{3}{2} \times \frac{2}{3}x \leq 20 \times \frac{3}{2}$$

$$x \leq 30$$

(22) اربعة أفعال عدد مضاف اليه 5
أكبر من 2

$$4x+5 > 2$$

$$-5 \quad -5$$

$$4x > -3$$

$$\frac{4x}{4} > \frac{-3}{4}$$

$$x > \frac{-3}{4}$$

(7)

(23) تجارة :- يمتلك كرم عملاً لانتاج الطاولات تكلفته تشغيله
الأسبوعي 270 JD إضافة الى 60 JD
لانتاج الطاولة الواحدة، يبيع كرم الطاولة الواحدة
بمبلغ 150 JD. الكتب متبانية يمكن استغلالها
لتكديده عدد الطاولات التي يجب انتاجها وبيعها لتحقيق
ربح اسبوعي واحد (متبانية)
الحل :-

$$150x > 270 + 60x$$

$$\begin{array}{r} 150x > 270 + 60x \\ -60x \end{array}$$

$$\frac{90x}{90} > \frac{270}{90}$$

$$x > 3$$

على انتاج اكثر من 3 طاولة
لحصول ربح

(24) علوم :- اذا كانت C تمثل درجة الحرارة بالسيوس
F تمثل درجة الحرارة بالفهرنهايت $C = \frac{5(F-32)}{9}$
كتب متبانية يمكن استعمالها لاجد درجات الحرارة
بالفهرنهايت التي تكون عند هذا الذهب صلباً ثم
احاطها علماً بان درجة انصهار الذهب $1064^{\circ}C$
الحل :-

$$\frac{5(F-32)}{9} < 1064$$

$$5F - 160 < 1064 \times 9$$

$$\begin{array}{r} 5F - 160 < 9576 \\ +160 \quad +160 \end{array}$$

$$\frac{5F}{5} < \frac{9736}{5}$$

$$F < 1947.2$$

(8)

عدد - حل كل من (قضايا) الآتية =

$$(25) \quad 25 + \frac{2x}{3} > 35 - x$$

$$\quad \quad \quad + x \quad \quad \quad + x$$

$$25 + \frac{5}{3}x > 35$$

$$\quad -25 \quad \quad \quad -25$$

$$\frac{5}{3}x > 10$$

$$\frac{3}{5} \times \frac{5}{3}x > 10 \times \frac{3}{5}$$

$$x > 6$$

$$(26) \quad \frac{3x}{4} + 5 \leq \frac{1}{2} - 6x$$

$$\quad \quad \quad + 6x \quad \quad \quad + 6x$$

$$\frac{27}{4}x + 5 \leq \frac{1}{2}$$

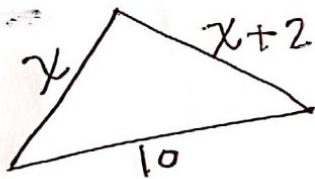
$$\quad \quad \quad -5 \quad \quad \quad -5$$

$$\frac{27}{4}x \leq -\frac{9}{2}$$

$$\frac{4}{27} \times \frac{27}{4}x \leq -\frac{9}{2} \times \frac{4}{27}$$

$$x \leq -\frac{2}{3}$$

(27) برر: اعتقاداً على ان كل (جوار) واحد اقل من 10 x كلاً
 بان x عدد كلاً



$$x + x + 2 > 10 \quad \text{الـ}$$

$$2x + 2 > 10$$

$$\quad \quad \quad -2 \quad \quad \quad -2$$

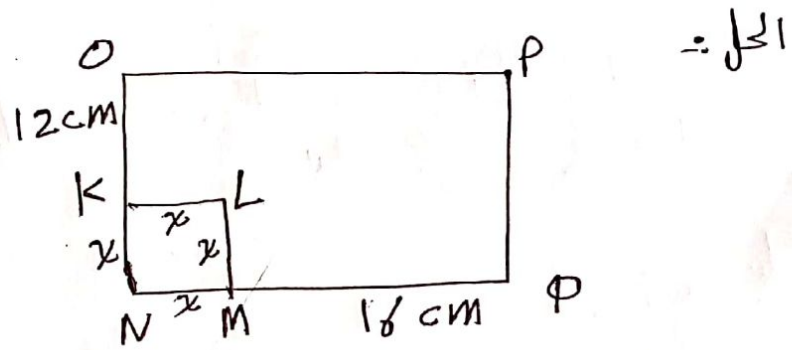
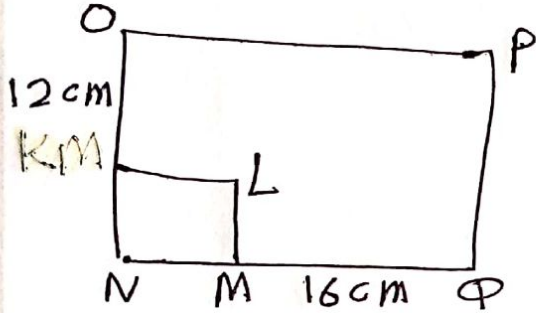
$$2x > 8$$

$$\frac{2x}{2} > \frac{8}{2}$$

$$x > 4$$

اقل عدد هو 5

(28) كحد:- اتحدت اضلاع المربع KLMN فتشكل المستطيل NOPQ كما في الشكل المجاور
اذا كان محيط المستطيل لا يقل عن مثله
محيط المربع، جاكبر طول ممكن اضلاع المربع



محيط المربع $4x$

محيط المستطيل $2(16+x+12+x)$

$$2(2x+28)$$

$$4x + 56$$

$$4x + 56 \geq 2(4x)$$

$$4x + 56 \geq 8x$$

$$-4x$$

$$\frac{56}{4} \geq \frac{4x}{4}$$

$$14 \geq x$$

اختبار الوصية

* اختر / من الاجابة الصحيحة لكل ما يأتي :-

① المتباينة التي تمثل الجملة (فلا x مضافاً اليه 4 أقل من 7)

- a) $2(x+4) < 7$ b) $2x+4 > 7$
 c) $2x+4 < 7$ d) $2x+4 \leq 7$

② التمثيل البياني الذي يمثل حل المتباينة



- a) $x > 6$ b) $x < 6$
 c) $x \leq 6$ d) $x \geq 6$

③ أي الأعداد التالية يعد أحد حلول المتباينة $15 - 6y \leq 9$

- a) -1 b) 1 c) 0 d) -2

④ حل المتباينة $6y < -\frac{3}{4}$ هو :-

- a) $y < -\frac{1}{8}$ b) $y > -\frac{1}{8}$ c) $y > -\frac{9}{2}$ d) $y > -\frac{2}{9}$

⑤ المتباينة $-\frac{1}{2}y \geq -\frac{3}{2}$ تكافئ :-

- a) $y \leq \frac{3}{4}$ b) $y \leq \frac{4}{3}$ c) $y \leq -3$ d) $y \leq 3$

⑥ حل المتباينة $5n - 12 > 2(n+9)$

- a) $n > 6$ b) $n > 3$ c) $n > 10$ d) $n < 10$

⑦ حل المتباينة $12 < 18 - 2x$ هو :-

- a) $x < 6$ b) $x < 15$ c) $x > 3$ d) $x < 3$

رأفتة راحة صافية

* اكتب متباينة تمثل كل جملة مما يأتي، ثم حلها :

⑧ عدد ما مطروح منه 15 أقل من 7

$$\begin{aligned} x - 15 &< 7 \\ +15 &+15 \\ x &< 22 \end{aligned}$$

⑨ جمع اثنين الى ناتج ضعف عدد كل 6 - يساوي 8 على الاكثر

$$\frac{x}{-6} + 2 \leq 8$$

$$-2 \quad -2$$

$$\frac{x}{-6} \leq 6$$

$$\begin{aligned} -6 \times \frac{x}{-6} &\geq 6 \times -6 \\ x &\geq -36 \end{aligned}$$

⑩ مجموع عدد و 9 أقل من -1

$$x + 9 < -1$$

$$-9 \quad -9$$

$$x < -10$$

⑪ خمس عدد أقل من 10

$$\frac{1}{5}x < 10$$

$$5 \times \frac{1}{5}x < 10 \times 5$$

$$x < 50$$

⑫ اربعة أمثال عدد مضاف الى 8 أقل من 20

$$4x + 8 < 20$$

$$-8 \quad -8$$

$$\frac{4x}{4} < \frac{12}{4}$$

$$x < 3$$

⑬ خمسة أمثال مجموع عدد مع 6 اكبر من 20

$$5(y + 6) > 20$$

الحل :-

$$5y + 30 > 20$$

$$-30 \quad -30$$

$$\frac{5y}{5} > \frac{-10}{5}$$

$$y > -2$$

②

* احل كل متباينة مما يأتي، واملأ الجدول حسب المطلوب

⑭ $x - 5 < 6$

الحل:

$$\begin{array}{r} x - 5 < 6 \\ + 5 \quad + 5 \\ \hline x < 11 \end{array}$$



⑮ $3x > 21$

الحل:

$$\begin{array}{r} 3x > 21 \\ \div 3 \quad \div 3 \\ \hline x > 7 \end{array}$$



⑯ $x + 4 \leq 7$

الحل:

$$\begin{array}{r} x + 4 \leq 7 \\ - 4 \quad - 4 \\ \hline x \leq 3 \end{array}$$



⑰ $t + 5 > 3$

الحل:

$$\begin{array}{r} t + 5 > 3 \\ - 5 \quad - 5 \\ \hline t > -2 \end{array}$$



⑱ $p + 12 \geq 2$

الحل:

$$\begin{array}{r} p + 12 \geq 2 \\ - 12 \quad - 12 \\ \hline p \geq -10 \end{array}$$



⑲ $2x - 3 < 7$

الحل:

$$\begin{array}{r} 2x - 3 < 7 \\ + 3 \quad + 3 \\ \hline 2x < 10 \\ \div 2 \quad \div 2 \\ \hline x < 5 \end{array}$$



⑳ $\frac{x}{2} + 4 > 5$

الحل:

$$\begin{array}{r} \frac{x}{2} + 4 > 5 \\ - 4 \quad - 4 \\ \hline \frac{x}{2} > 1 \\ 2 \times \frac{x}{2} > 1 \times 2 \\ \hline x > 2 \end{array}$$



㉑ $\frac{y}{5} + 6 \leq 3$

الحل:

$$\begin{array}{r} \frac{y}{5} + 6 \leq 3 \\ - 6 \quad - 6 \\ \hline \frac{y}{5} \leq -3 \\ 5 \times \frac{y}{5} \leq -3 \times 5 \\ \hline y \leq -15 \end{array}$$



㉒ $6 \geq 9 - x$

الحل:

$$\begin{array}{r} 6 \geq 9 - x \\ - 9 \quad - 9 \\ \hline -3 \geq -x \\ \frac{-3}{-1} \leq \frac{-x}{-1} \\ \hline 3 \leq x \end{array}$$



㉓ $10 - 2x \leq 3$

$$\begin{array}{r} 10 - 2x \leq 3 \\ - 10 \quad - 10 \\ \hline -2x \leq -7 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} -2x \leq -7 \\ \frac{-2x}{-2} \geq \frac{-7}{-2} \\ \hline x \geq \frac{7}{2} \end{array}$$



(24) يتقاضى موظف مبيعات في أحد المراكز التجارية مبلغ 75 JD اسبوعياً 16 مضافة إلى 4% من مبيعاته. يخطط هذا الموظف ألا يقل دخله هذا الأسبوع عن 95 JD. جد الحد الأدنى للمبيعات التي تحققه هدفه

الحل :-

$$75 + \frac{4}{100}y \geq 95 \quad \text{لمتباينة}$$

الحل :-

$$\begin{array}{r} 75 + \frac{4}{100}y \geq 95 \\ -75 \quad -75 \end{array}$$

$$\frac{4}{100}y \geq 20$$

$$\frac{100}{4} \times \frac{4}{100}y \geq 20 \times \frac{100}{4}$$

$$y \geq 500$$

عليه ان تكون مبيعاته في الحد الأدنى 500

* حل كل من (متباينات ثلاثية) :-

$$(25) \quad 3 + \frac{r}{4} \geq 6$$

الحل :-

$$\begin{array}{r} 3 + \frac{r}{4} \geq 6 \\ -3 \quad -3 \\ \hline \frac{r}{4} \geq 3 \\ -4 \times \frac{r}{4} \leq 3 \times -4 \\ r \leq -12 \end{array}$$

$$(26) \quad 2 > -3t - 10$$

الحل :-

$$\begin{array}{r} 2 > -3t - 10 \\ +10 \quad +10 \\ \hline 12 > -3t \\ \frac{12}{-3} < \frac{-3t}{-3} \\ -4 < t \end{array}$$

$$(27) \quad 5x - 12 < 3x - 4$$

الحل :-

$$\begin{array}{r} 5x - 12 < 3x - 4 \\ -3x \quad -3x \\ \hline 2x - 12 < -4 \\ +12 \quad +12 \\ \hline 2x < 8 \\ \frac{2x}{2} < \frac{8}{2} \\ x < 4 \end{array}$$

$$(28) \quad 2(k-5) < 2k+5$$

$$2(k-5) < 2k+5 \quad \text{الحل :-}$$

$$\begin{array}{r} 2k - 10 < 2k + 5 \\ -2k \quad -2k \\ \hline -10 < 5 \end{array}$$

عبارة صحيحة

الحل :- مجموعة الأعداد الحقيقية

$$(29) \quad 2(5z-20) < -3(4-z)$$

$$2(5z-20) < -3(4-z) \quad \text{الحل :-}$$

$$\begin{array}{r} 10z - 40 < -12 + 3z \\ -3z \quad -3z \\ \hline 7z - 40 < -12 \\ +40 \quad +40 \\ \hline 7z < 28 \\ \frac{7z}{7} < \frac{28}{7} \\ z < 4 \end{array}$$

(4)

(30) مساعدات :- تخطط جمعية خيرية لاقامة بازار تباع
منه اطباقاً من الطعام وتوزع ريع مبيعاته
على كائنات فقيرة. اذا كان سعر الصنف
الواحد 1.25 JD وتخطط الجمعية لبيع مالا
يقال عن 400 JD. فاحد عدد الاطباق
التي يجب بيعها في بازار لتحقيق الجمعية
هدفها

الحل :-

$$1.25x \geq 400 \quad \text{المعادلة}$$

$$\frac{1.25x}{1.25} \geq \frac{400}{1.25}$$

$$x \geq 320$$

على الجمعية بيع 320 صنف واحد لتحقيق هدفها



تدريب على الاختبارات الدولية

$$(31) \text{ حل المعادلة } u - 13 < -18$$

- a) $u < -5$ b) $u > 5$ c) $u > -5$ d) $u < 5$

$$(32) \text{ ما الصغر عدد كاي يحقق المعادلة } -5n < 3$$

- a) -1 b) 0 c) 1 d) 2

33) أي المتباينات تكافئ المتباينة $w > 4$

- a) $w < 4$ b) $-4 < w$ c) $w < -4$ d) $-w < -4$

34) صدرت إدارة أحد المطارات صيانة أخذ مدارجها البالغ طوله 456 m إذا انجز أقل من ثلث العمل في (الوحدة الأولى) فانه المتباينة التي تمثل عدد الاقمار التي ما زالت تحتاج للصيانة هي

a) $d > 304$ c) $d \geq 304$

b) $d \leq 304$ d) $d < 304$

35) تكلفة الحقيقة الواحدة من المكالمات الدولية على الهاتف النقال لمير 8 صغرى. إذا كان الحد الأدنى للسبغ الذي يمكن أن يصرفه مير على مكالمات دولية 2.4 JD فما المتباينة التي تمثل الحد الأدنى (المكالمات)

a) $0.08 \text{ m} \leq 2.4$

b) $0.08 \text{ m} \geq 2.4$

c) $0.08 \leq 2.4 \text{ m}$

d) $0.08 \geq 2.4 \text{ m}$