

يمكن التعبير عن الضرب المتكرر باستخدام الأسس

$$⑥ h \times h \times h \times h \times h \times h = h^6$$

$$⑦ -f \times -f \times -f \times -f = (-f)^4$$

ملاحظة : في حالة لم يفهم الأسس

فوقه العدد يفهم حينئذ 1

$$7 = 7^1$$

$$9 = 9^1$$

مثال 2 : اكتب كل ما يأتي بالصيغة القياسية ثم اوجد قيمته

$$① 2^5 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 = 32$$

$$② (-4)^3 = -4 \times -4 \times -4 = -64$$

③

$$③ 3^4 = 3 \times 3 \times 3 \times 3 = 81$$

$$④ (-1)^6 = -1 \times -1 \times -1 \times -1 \times -1 \times -1 = 1$$

$$⑤ (8)^1 = 8$$

$$⑥ (0)^9 = 0 \times 0 \times 0 \times 0 \times 0 \times 0 \times 0 \times 0 \times 0 = 0$$

$$a^0 = 1$$

قاعدة

أي عدد غير الصفر مرفوع للأس 0 يساوي 1

$$9^0 = 1, 5^0 = 1$$

مثال 3 : الأس (عدد المرات)

$$3 \times 3 \times 3 \times 3 \times 3 = 3^5$$

لقرأ 3 أس 5
الأساس
عدد المرات 5

$$5 \times 5 \times 5 \times 5 = 5^4$$

لقرأ 5 أس 4

$$9 \times 9 \times 9 = 9^3$$

لقرأ 9 أس 3

$$2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 = 2^6$$

يمكن كتابة التعبير عن الضرب المتكرر بصيغتين

صيغة أسية

صيغة قياس

لنستخدم الأسس

بدون استخدام الأسس

$$5^4$$

$$5 \times 5 \times 5 \times 5$$

مثال 4 : اكتب كل ما يأتي بالصيغة القياسية

$$① 6 \times 6 \times 6 \rightarrow 6^3$$

$$② -3 \times -3 \times -3 \times -3 \times -3 = (-3)^5$$

$$③ J \times J \times J \times J = (J)^4$$

$$④ 11 \times 11 = 11^2$$

$$⑤ -2 \times -2 \times -2 = (-2)^3$$

مثال 3

الجدد قيمه ما ياكب

① $5^0 = 1$

② $(-8)^0 = 1$

الحقق من نصي

③ $13^0 = 1$

④ $(-7)^0 = 1$

مثال 5

اكتب نابع تحليل كلاً من هاتين

بإستعمال الأسس

① 180 هنا تحليل العدد إلى عوامله الأولية

$$\begin{array}{r}
 2 \overline{) 180} \\
 \underline{2} 90 \\
 2 45 \\
 \underline{5} 9 \\
 3 3 \\
 \underline{3} 1
 \end{array}$$

$$180 = 2 \times 2 \times 5 \times 3 \times 3$$

$$= 2^2 \times 5^1 \times 3^2$$

الحقق من نصي

② $135 = 5 \times 3 \times 3 \times 3$

$$= 5^1 \times 3^3$$

$$\begin{array}{r}
 5 \overline{) 135} \\
 \underline{5} 27 \\
 3 9 \\
 \underline{3} 3 \\
 \underline{3} 1
 \end{array}$$

③ $216 = 2 \times 2 \times 2 \times 3 \times 3 \times 3$

$$= 2^3 \times 3^3$$

$$\begin{array}{r}
 2 \overline{) 216} \\
 \underline{2} 108 \\
 2 54 \\
 \underline{2} 27 \\
 3 9 \\
 \underline{3} 3 \\
 \underline{3} 1
 \end{array}$$

④ $162 = 2 \times 3 \times 3 \times 3 \times 3$

$$= 2^1 \times 3^4$$

$$\begin{array}{r}
 2 \overline{) 162} \\
 \underline{2} 81 \\
 3 27 \\
 \underline{3} 9 \\
 \underline{3} 3 \\
 \underline{3} 1
 \end{array}$$

مثال 4

الفلورا الطبيعية كائنات

دقيقة مضخة تعيش داخل جسم

الإنسان وداخله في كوى المستقر

الواحد من جله الإنسان على ما يقارب

 2^6 من هذه الكائنات اكتب قيمه

هذه القوة من دون استعمال الأسس

ثم اجد قيمته

$$2^6 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 = 64$$

الحقق من نصي

تقاس سمه كما سوب

بوحدة الباي و كيلوبايت

و كيلوبايت اذا كان

البيبايت يساوي 10^9 ميبايت

فاكتب هذا العدد بالصيغة القياسية

ثم اجد قيمته

$$10^9 = 10 \times 10 \times 10 \times 10 \times 10 \times 10 \times 10 \times 10$$

$$\times 10 = 1000000000$$

تذكر

الجذر
التربيعي

$$1 \times 1 = 1 \Rightarrow \sqrt{1} = 1$$

$$2 \times 2 = 4 \Rightarrow \sqrt{4} = 2$$

$$3 \times 3 = 9 \Rightarrow \sqrt{9} = 3$$

$$4 \times 4 = 16 \Rightarrow \sqrt{16} = 4$$

$$5 \times 5 = 25 \Rightarrow \sqrt{25} = 5$$

$$10 \times 10 = 100 \Rightarrow \sqrt{100} = 10$$

$$11 \times 11 = 121 \Rightarrow \sqrt{121} = 11$$

$$12 \times 12 = 144 \Rightarrow \sqrt{144} = 12$$

$$13 \times 13 = 169 \Rightarrow \sqrt{169} = 13$$

$$14 \times 14 = 196 \Rightarrow \sqrt{196} = 14$$

المكعبات الكاملة

1 و 4 و 9 و 16 و 25 و 36

49 و 64 و 81 و 100 و 121

144 و 169 و 196 و ...

تعال

$$1 \times 1 \times 1 = 1 \Rightarrow \sqrt[3]{1} = 1$$

$$2 \times 2 \times 2 = 8 \Rightarrow \sqrt[3]{8} = 2$$

$$3 \times 3 \times 3 = 27 \Rightarrow \sqrt[3]{27} = 3$$

$$4 \times 4 \times 4 = 64 \Rightarrow \sqrt[3]{64} = 4$$

$$5 \times 5 \times 5 = 125 \Rightarrow \sqrt[3]{125} = 5$$

المكعبات الكاملة

1 و 8 و 27 و 64 و 125 و 216

343 و 512 و ...

حالة خاصة

لنستطيع إيجاد فيه الجذر

التربيعي للمربعات الكاملة مباشرة

أما للمربعات غير الكاملة

فقيمة الجذر التربيعي هو عدد

عشري غير منتهى

واليفاً لنستطيع إيجاد فيه

الجذر التكبي للمكعبات الكاملة

فقط

مثال 1

أوجد فيه كل ما يلي

$$① \sqrt{81} = 9$$

$$9 \times 9 = 81$$

$$② \sqrt[3]{27} = 3$$

$$3 \times 3 \times 3 = 27$$

$$③ \sqrt[3]{-8} = -2$$

$$-2 \times -2 \times -2 = -8$$

$$④ \sqrt{49} = 7$$

القيم المضبوطة

$$⑤ \sqrt[3]{1000} = 10$$

$$⑥ \sqrt[3]{-27} = -3$$

مثال 2

أوجد فيه ما يلي

$$① \sqrt{324}$$

لإيجاد فيه الجذر كعدد

كسرة تقوم بالتحليل إلى

$$2 \left[\begin{array}{c|c} 2 & 324 \\ \hline 2 & 162 \end{array} \right]$$

العوامل الأولية

بما أن الجذر تربيعي

$$3 \left[\begin{array}{c|c} 3 & 81 \\ \hline 3 & 27 \end{array} \right]$$

من كل عاملين متساويين

نأخذ واحد

$$3 \left[\begin{array}{c|c} 3 & 9 \\ \hline 3 & 3 \end{array} \right]$$

ثم نأخذ الأعداد

التي أخذناها بالخطوة السابقة

$$\sqrt{324} = 2 \times 3 \times 3 = 18$$

② $\sqrt[3]{-512}$

حل بدون آلة

$$\begin{array}{r} 2 \overline{) 512} \\ 2 \leftarrow \begin{array}{r} 2 \overline{) 256} \\ 2 \overline{) 128} \\ 2 \overline{) 64} \\ 2 \overline{) 32} \\ 2 \overline{) 16} \\ 2 \overline{) 8} \\ 2 \overline{) 4} \\ 2 \overline{) 2} \end{array} \end{array}$$

$\Rightarrow \sqrt[3]{-512} = -(2 \times 2 \times 2) = -8$

التحقق من النتيجة

② $\sqrt{484}$

$$\begin{array}{r} 2 \overline{) 484} \\ 2 \leftarrow \begin{array}{r} 2 \overline{) 242} \\ 11 \leftarrow \begin{array}{r} 11 \overline{) 21} \\ 11 \overline{) 11} \\ 1 \end{array} \end{array} \end{array}$$

$\Rightarrow \sqrt{484} = 2 \times 11 = 22$

نتيجة ان 484 هو مربع كامل

الأستاذ هاني العليمات

③ $\sqrt[3]{216} = 2 \times 3 = 6$

التحقق من النتيجة

$$\begin{array}{r} 2 \overline{) 216} \\ 2 \leftarrow \begin{array}{r} 2 \overline{) 108} \\ 2 \overline{) 54} \\ 3 \leftarrow \begin{array}{r} 3 \overline{) 27} \\ 3 \overline{) 9} \\ 3 \overline{) 3} \end{array} \end{array} \end{array}$$

④ $\sqrt[3]{3375}$

$$\begin{array}{r} 5 \overline{) 3375} \\ 5 \leftarrow \begin{array}{r} 5 \overline{) 675} \\ 5 \overline{) 135} \\ 3 \leftarrow \begin{array}{r} 3 \overline{) 27} \\ 3 \overline{) 9} \\ 3 \overline{) 3} \end{array} \end{array} \end{array}$$

$\Rightarrow \sqrt[3]{3375} = 5 \times 3 = 15$

③ $\sqrt{1225}$

$$\begin{array}{r} 5 \overline{) 1225} \\ 5 \leftarrow \begin{array}{r} 5 \overline{) 245} \\ 7 \leftarrow \begin{array}{r} 7 \overline{) 49} \\ 7 \overline{) 7} \end{array} \end{array} \end{array}$$

$\Rightarrow \sqrt{1225} = 7 \times 5 = 35$

الجذر فيه ما يلي

مثال 3

① $\sqrt[3]{1728}$

$$\begin{array}{r} 2 \overline{) 1728} \\ 2 \leftarrow \begin{array}{r} 2 \overline{) 864} \\ 2 \overline{) 432} \\ 2 \overline{) 216} \\ 2 \leftarrow \begin{array}{r} 2 \overline{) 108} \\ 2 \overline{) 54} \\ 3 \leftarrow \begin{array}{r} 3 \overline{) 27} \\ 3 \overline{) 9} \\ 3 \overline{) 3} \end{array} \end{array} \end{array} \end{array}$$

$\Rightarrow \sqrt[3]{1728} = 2 \times 2 \times 3 = 12$

لايجاد الجذر التكعيبية نأخذ من كل 3

عوامل مشتركة عامل واحد

$$⑤ \sqrt[3]{-729}$$

$$\begin{array}{r|l} 3 & 729 \\ \hline 3 & 243 \\ 3 & 81 \\ 3 & 27 \\ 3 & 9 \\ 3 & 3 \\ & 1 \end{array}$$

$$\Rightarrow \sqrt[3]{-729} = -(3 \times 3 \times 3) = -9$$

اتحقق من فهمي

المجارية الساتين اي ان

الطريق بسون تصيق وهو لوب

مربعه الشكل وسامتها 4225 cm^2

انهم طول ضلع هذه اللوحه

$$A = S^2 \Rightarrow S = \sqrt{A}$$

$$S = \sqrt{4225} \quad \begin{array}{r|l} 5 & 4225 \\ \hline 5 & 845 \\ 13 & 169 \\ 13 & 13 \\ & 1 \end{array}$$

$$= 13 \times 5$$

$$= 65$$

طول ضلع اللوحه -

$$65 \text{ cm}$$

مثال 4

حقت فنانة لوح خشبية

مربعه الشكل وسامتها

$$2304 \text{ cm}^2$$

A

$$A = S^2$$

تذكر

لايجاد طول الضلع

بحسب التخلص من التربيع فوقيه S

نأخذ الكثر التربيعي للطرفين

$$\sqrt{A} = \sqrt{S^2} \rightarrow$$

$$\Rightarrow S = \sqrt{A}$$

$$S = \sqrt{2304}$$

$$= 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 3$$

$$= 48$$

طول الضلع

$$48 \text{ cm}$$

$$\begin{array}{r|l} 2 & 2304 \\ \hline 2 & 1152 \\ 2 & 576 \\ 2 & 288 \\ 2 & 144 \\ 2 & 72 \\ 2 & 36 \\ 2 & 18 \\ 3 & 9 \\ 3 & 3 \\ & 1 \end{array}$$

تذكر

اولويات العمليات كسابق

مثال 2

$$\text{اجد قيمة كل ما يأتي}$$

$$\textcircled{1} 22 \div (3 + 2^3) \times \sqrt{49}$$

$$22 \div (3 + 8) \times 7$$

$$22 \div 11 \times 7$$

$$2 \times 7 = 14$$

1 الاقواس

2 الاسس والجزء

3 الضرب او القسمة

ابدأ من اليسار

4 الجمع او الطرح

ابدأ من اليسار

اتحقق من فهمي

$$\textcircled{2} 5 + 2^4 - 1$$

$$5 + 16 - 1$$

$$21 - 1 = 20$$

اجد قيمة كل ما يأتي

مثال 1

$$\textcircled{1} 13 - 2 \times 6$$

$$13 - 12 = 1$$

$$\textcircled{2} 40 \div ((3+1) \times 5)$$

$$40 \div (4 \times 5)$$

$$40 \div 20 = 2$$

ابدأ بالقرن
البراقلي

$$\textcircled{3} 7 \times 5 + 3$$

$$35 + 3 = 38$$

اتحقق من فهمي

$$\textcircled{4} 19 + (5^2 - 1) \div 8$$

$$19 + (25 - 1) \div 8$$

$$19 + 24 \div 8$$

$$19 + 3 = 22$$

$$\textcircled{4} (38 - 30) \div 4$$

$$8 \div 4 = 2$$

$$\textcircled{5} (35 + (16 - 10)) \times 4$$

$$(5 + 6) \times 4$$

$$11 \times 4 = 44$$

مثال 3

اجد قيمة كل ما يأتي

عنبر و زفت على كل منها 4

صالح بصاد و شجوتا ليمون

و زفت على كل منها معلق

سماد وشجرة لبن وضعت عليها
3 فلاحا سماد اكتب عبارة عدد
صغير الاسس تمثل عدد فلاح
السماد التي وضعتا نصف على
الشجرات جميعها ثم اجد قيمتها
اكل

← 4 شجرات عنب ← كل شجرة 4
فلاح
 $4 \times 4 \rightarrow 4^2$

← شجرتا ليمون ← كل شجرة 2
فلاحين سماد

$$2 \times 2 \rightarrow 2^2$$

← شجرة لبن ← 3 فلاح سماد
 $3 \times 1 = 3^1$

$$\leftarrow \text{عدد فلاح السماد} \\ 4^2 * 2^2 + 3^1$$

خذ الفلعة

$$16 + 4 + 3 = 23$$

فلعة

الحقق من فهمي
وزع عدد من
7 فلاح على فريق كرة قدم
المدرسي اطلب منك ان بطول
يا ضيف اذا وضع المدرس كل

حقيقية 7 اقدم تلوين و 5
اقدم ، هاهن وقلم حبر
فاكتب عبارة عدد بالاسس
تمثل عدد الاقدم مع الكقائق جميعها
واجد قيمتها
اكل

اقدم التلوين 7 اقدم بكل حقيقة
 $7 \times 7 = 7^2$

اقدم الدهاين 5 اقدم بكل حقيقة
 5×7

قلم حبر قلم واحد بكل حقيقة
 $1 \times 7 = 7$

← عدد الاقدم

$$7^2 + 5 \times 7 + 7$$

$$49 + 35 + 7 = 91$$

قلم

① $8 + 5c$

$$8 + 5\left(\frac{2}{5}\right) = 8 + \frac{5}{1} \times \frac{2}{5}$$

$$= 8 + 2 = 10$$

② $2k \div (a - 1)$

$$2(14) \div (8 - 1)$$

$$2 \times 14 \div 7$$

$$28 \div 7 = 4$$

③ $7 + n^4$

$$7 + (2)^4$$

$$7 + 16 = 23$$

④ $19 - 3n$

$$19 - 3(2)$$

$$19 - 6 = 13$$

⑤ $k - 4n \div a$

$$14 - 4(2) \div 8$$

$$14 - 8 \div 8$$

$$14 - 1 = 13$$

⑥ $(k - \sqrt[3]{125}) \div (11 - a)$

$$(14 - 5) \div (11 - 8)$$

$$9 \div 3 = 3$$

تعلم : الحد الجبري : هو حاصل ضرب عدد

في متغير

$\frac{2y}{\text{حد جبري}}$ $\frac{5x}{\text{حد جبري}}$ $\frac{9m}{\text{حد جبري}}$ $\frac{2}{\text{ليس ثابت (ليس ثابت)}}$

والمتغير بين العدد والمتغير

هو عليه ضرب لكن لا يكتب

فمثلاً $2m$ يكتب $2 \times m$

المقدار الجبري : هو حد جبري أو أكثر

لفعل بينها عملية جمع أو طرح

$\frac{2y}{\text{حد جبري}} + \frac{5x}{\text{حد جبري}} + \frac{3}{\text{حد جبري}}$

يسمى مقدار جبري

ملاحظة : لايجاد القيمة العددية

لمقدار جبري نفوض قيم

المتغيرات ونجيب قيمة

المقدار

أحد قيمه كل مقدار جبري

حماياتي اذا كانت

$a=8$ $c=\frac{2}{5}$ $k=14$ $n=2$

اتحقق من فهمي

مثال 1

$$① 4 + (6 + x)$$

لنستخدم الخاصية
التجميعية

$$4 + (6 + x) = (4 + 6) + x$$

$$= 10 + x$$

$$② 8.3 + (m + 3.1)$$

$$8.3 + (m + 3.1) = (8.3 + 3.1) + m$$

$$= 11.4 + m$$

$$③ 3(7h)$$

$$3(7h) = (3 \times 7) \times h$$

$$= 21h$$

اتحقق من نصي

$$④ (r + 3) + 12$$

$$(r + 3) + 12 = r + (3 + 12)$$

$$= r + 15$$

$$⑤ 7.5 + (y + 6.2)$$

$$7.5 + (y + 6.2) = (7.5 + 6.2) + y$$

$$= 13.7 + y$$

$$⑥ 8(6z)$$

$$8(6z) = (8 \times 6) \times z$$

$$= 48z$$

تعلم

اولاً: الخاصية التبديلية

$$a + b = b + a$$

الجمع

$$a \times b = b \times a$$

الضرب

امثلة

$$2 + 5 = 5 + 2 = 7$$

$$3 \times 4 = 4 \times 3 = 12$$

ثانياً: الخاصية التجميعية

$$a + (b + c) = (a + b) + c$$

الجمع

$$(a \times b) \times c = a \times (b \times c)$$

الضرب

امثلة

$$2 + (5 + 3) = (2 + 5) + 3$$

$$2 + 8$$

$$10$$

$$= 7 + 3$$

$$= 10$$

$$(3 \times 2) \times 5 = 3 \times (2 \times 5)$$

$$6 \times 5 = 3 \times 10$$

$$30 = 30$$

لنستخدم الخاصية التبديلية

والخاصية التجميعية

لتبسيط مقادير جبرية

السطر كل مقدار جبري

مثال 2

حي ما ياتي

مثال 4:

يدفع المبتدع بـ 10 دينار مقابل رسوم التسجيل إلى نادي تربية الكراتيه

أخافه إلى 50 دينار تدفع شهرياً

(1) أكتب مقدار جبري يمثل تكلفة الاشتراك لعدد من الأشهر

$$(\text{التكلفة}) = 10 + 50m$$

$$= 10 + 50m$$

(2) ما تكلفة الاشتراك مدة 3 شهور

$$m = 3 \leftarrow \text{عدد الأشهر}$$

$$(\text{رسوم}) = 10 + 50(3)$$

$$= 10 + 150 = 160 \text{ JD}$$

التحقق من صحة

المستوى لدينا شرطي

جديدة لها تفها لعدد 3 دقائق

رد فنت 9.5 دينار الاشتراك شهري

(3) أكتب مقدار جبري يمثل تكلفة

هذه الشريحة بعد عدد من الأشهر

$$\text{التكلفة} = 3 + 9.5m$$

$$= 3 + 9.5m$$

(4) ما فيه مجموع الاشتراكات الشهرية

لهذه الشريحة مدة 10 اشهر

$$= 3 + 9.5(10) = 3 + 95 = 98$$

دينار

* صيغة السؤال ليست واضحة لأن السؤال طلب

مجموع الاشتراكات الشهرية فقط وهو

9.5 مدة 10 اشهر وتساوي 95 دينار

مثال 3: خاصية التوزيع

$$a(b+c) = ab+ac$$

$$a(b-c) = ab-ac$$

مثال

$$3(5+1) = 3 \times 5 + 3 \times 1$$

$$= 15 + 3 = 18$$

ونستخدم خاصية التوزيع لتبسيط

المقادير الجبرية

مثال 3:

استعمل خاصية التوزيع لتبسيط

كل مقدار جبري مما يلي

$$① 4(n+2) = 4n + 8$$

$$② 6(x-7) = (6x) - (6 \times 7)$$

$$= 6x - 42$$

$$③ 5(3y+9) = (5 \times 3y) + (5 \times 9)$$

$$15y + 45$$

$$④ 5(a+3)$$

$$= 5a + 15$$

$$⑤ 3(9-w) = 27 - 3w$$

$$⑥ 2(5z+4)$$

$$= 10z + 8$$

التحقق من صحة

المعادلة : هي جملة رياضية تحتوي

على احدى ادي ثابتة و متغير والثانية

مساواة .

$$2y = 20 \quad 5 + x = 7$$

$$9 + 2m = 14 \quad \frac{5y}{2} = 5$$

حل المعادلة : هو قيمة الجاد فيه

المتغير التي تجعل المساواة

صحيحة

$$2 + m = 7$$

← حل $m = 4$ لتعتبر حل للمعادلة

$$2 + 4 \stackrel{?}{=} 7$$

$$6 \neq 7$$

$m = 4$ لا تعتبر حل للمعادلة .

← حل $m = 5$ لتعتبر حل للمعادلة

$$2 + 5 \stackrel{?}{=} 7$$

$$7 = 7$$

$m = 4$ هو حل للمعادلة .

مثال 1

بين ما اذا كانت قيمة

المتغير المعطاة تمثل حلاً

للمعادلة ام لا .

$$\textcircled{1} \quad 2x + 1 = 11 \quad x = 6$$

نعوض في x في المعادلة فاذا كانت المساواة

صحيحة تعتبر حل اما اذا كانت لمساواة

غير صحيحة ~~فهي~~ فقيمة x المعطاة

لا تعتبر حل للمعادلة

$$2x + 1 = 11$$

$$2(6) + 1 \stackrel{?}{=} 11$$

$$12 + 1 \stackrel{?}{=} 11$$

$$13 \neq 11$$

$$x = 6 \text{ ليس حل للمعادلة}$$

$$\textcircled{2} \quad 3 + 2m = 1 \quad (m = -1)$$

$$3 + 2(-1) \stackrel{?}{=} 1$$

$$3 + -2 \stackrel{?}{=} 1$$

$$1 = 1$$

$$x = -1 \text{ هو حل للمعادلة}$$

التحقق من الحل

$$\textcircled{3} \quad 5y + 8 = -3 \quad (y = -2)$$

$$5(-2) + 8 = -3$$

$$-10 + 8 = -3$$

$$-2 = -3$$

$$x = -2 \text{ ليس حل للمعادلة}$$

④ إذا كان $a = b$ ، $9 = -1$ ، $3 - 2a = 5$

$3 - 2(-1) = 5$

$3 - -2 = 5$

عبارة صحيحة : $5 = 5$

← $-1 = 9$ هو حل للمعادلة

تعلّم خصائص المساواة

① إذا كان $a = b$

فإن $a + c = b + c$

إذا حمنا العدد نفسه إلى طرفي

المساواة تبقى المساواة صحيحة
مثال $3^{+2} = 3^{+2}$

$5 = 5$ ✓

② إذا كان $a = b$

فإن $a - c = b - c$

إذا طرحنا العدد نفسه من طرفي المساواة

تبقى المساواة صحيحة

$9^{-3} = 9^{-3}$

$6 = 6$ ✓

③ إذا كان $a = b$

فإن $a \times c = b \times c$

إذا ضربنا طرفي المساواة بالعدد نفسه

تبقى المساواة صحيحة

$2 \times 4 = 2 \times 4$

$8 = 8$ ✓

فإن $\frac{a}{c} = \frac{b}{c}$

إذا قسمنا طرفي المساواة على العدد

نفسه تبقى المساواة صحيحة

$6 \div 3 = 6 \div 3$

$2 = 2$ ✓

خطوات حل المعادلات

① استخدم خصائص المساواة

كجعل المتغير لوحده

على طرف من أطراف المساواة

② ودائماً نبدأ بالجمع أو الطرح

إذا كان هناك جمع أو طرح

في المعادلة

③ تذكر أن

عكس عملية الجمع ← طرح

عكس عملية الطرح ← جمع

عكس الضرب ← قسمة

عكس القسمة ← ضرب

مثال 2

أحل المعادلة التالية

$$\textcircled{1} \quad y + 5 = 18$$

جعل المتغير لوحدة يجب التخلص من العدد 5
لذلك نطرح 5 من الطرفين

$$y + \overset{-5}{5} = \overset{-5}{18}$$

$$y = 13$$

التحقق عوض قيمة y في المعادلة

$$13 + 5 = 18$$

$$18 = 18 \quad \checkmark \text{ الكل صحيح}$$

التحقق من مضرب

$$\textcircled{2} \quad y + 3 = 7$$

جعل المتغير لوحدة يجب التخلص من العدد 3 وذلك بطرح 3 من الطرفين

$$y + \overset{-3}{3} = \overset{-3}{7}$$

$$y = 4$$

$$\textcircled{3} \quad -2 + z = 8$$

جعل المتغير لوحدة يجب التخلص من العدد -2 وذلك بجمع

2 إلى الطرفين

$$\overset{+2}{-2} + z = \overset{+2}{8}$$

$$z = 10$$

مثال 3

أحل المعادلة التالية

$$\textcircled{1} \quad 3x = 12$$

جعل المتغير لوحدة يجب التخلص من 3
ولذلك نضرب الطرفين على 3

$$\frac{3x}{3} = \frac{12}{3}$$

$$x = 4$$

التحقق من مضرب

$$\textcircled{2} \quad 6n = 18$$

$$\frac{6n}{6} = \frac{18}{6}$$

$$n = 3$$

نضرب على 6

$$\textcircled{3} \quad \frac{b}{-2} = 3$$

نضرب الطرفين بـ (-2)

$$-2x \frac{b}{-2} = 3 \times -2$$

$$b = -6$$

مثال 4

أحل المعادلة التالية

$$\textcircled{1} \quad 2x + 3 = 17$$

لاحظ أن المعادلة تحتوي على عملية لها الضرب والجمع نبدأ من الجمع أو الطرح

$$2x + 3 = 17$$

نظم 3 من الطرفين

$$2x \begin{array}{r} -3 \\ +3 \end{array} = 1 \begin{array}{r} -3 \\ +3 \end{array}$$

نقسم على 2

$$\frac{2x}{2} = \frac{14}{2}$$

$$x = 7$$

نبدأ بجمع 1
إلى الطرفين

$$② \quad 20 \begin{array}{r} +1 \\ -1 \end{array} = 3x \begin{array}{r} +1 \\ -1 \end{array}$$

نقسم الطرفين على 3

$$\frac{21}{3} = \frac{3x}{3}$$

$$7 = x$$

التحقق من فهمي

نبدأ بطرح 8
من الطرفين

$$③ \quad 3x + 8 = 14$$

$$3x + 8 \begin{array}{r} -8 \\ -8 \end{array} = 14 \begin{array}{r} -8 \\ -8 \end{array}$$

نقسم الطرفين على 3

$$\frac{3x}{3} = \frac{6}{3}$$

$$x = 2$$

نبدأ بطرح 20 من الطرفين

$$20 \begin{array}{r} -20 \\ -20 \end{array} - 3x = 11 \begin{array}{r} -20 \\ -20 \end{array}$$

نقسم الطرفين على -3

$$\frac{-3x}{-3} = \frac{-9}{-3}$$

$$x = 3$$

مثال 5

ساعة ذكية على شكل

مستطيل طوله 4cm ومحيطه

14cm. أكتب معادله ثم احلها

العرض المثلث

$$C = 2L + 2W$$

محيط طول عرض

صانوه محيط
المستطيل

$$14 = 2(4) + 2W$$

$$14 = 8 + 2W \rightarrow \text{معادله}$$

$$-8 \quad -8$$

$$14 = 8 + 2W$$

نطرح 8
من الطرفين

$$\frac{6}{2} = \frac{2W}{2}$$

$$3 = W$$

عرضات 3cm

التحقق من فهمي

تسكوب مراقبة النجوم ليلاً فإذا كان

تعد التسكوب 92 دينار وكان مع

عملاء 32 دينار فما كتب معادله يمكن

حلهما إيجاد الحل الذي به فترة عملاء

شهرياً لشراء التسكوب فدل 4 شهراً

$$92 = 32 + 4y$$

$$92 \begin{array}{r} -32 \\ -32 \end{array} = 32 \begin{array}{r} -32 \\ -32 \end{array} + 4y$$

$$\frac{60}{4} = \frac{4y}{4} \Rightarrow y = 15$$

$$\begin{array}{cccc} +2 & +2 & +2 & +2 \\ \downarrow & \downarrow & \downarrow & \downarrow \\ -4 & -2 & 0 & 2 & 4 \end{array}$$

مثال 2 اجد الحد و د الخسة الاول
لكل متتالية ما يأتي

1] الحد الاول في متتالية (3) و لقاعدة
التي تربط كل حد بالحد الذي يليه

هي الضرب في 2 ثم اضافة 1

$$\begin{array}{cccc} \times 2 + 1 & \times 2 + 1 & \times 2 + 1 & \\ \downarrow & \downarrow & \downarrow & \\ 3 & 7 & 15 & 31 & 63 \end{array}$$

التحقق من صحة

2] الحد الاول في متتالية (2)

والقاعدة التي تربط كل حد بالحد

الذي يليه هي الضرب في 3 ثم اضافة

$$\begin{array}{cccc} \times 3 + 5 & \times 3 + 5 & \times 3 + 5 & \times 3 + 5 \\ \downarrow & \downarrow & \downarrow & \downarrow \\ 2 & 11 & 38 & 119 & 362 \end{array}$$

المتتالية هي مجموع من الاعداد

تتبع ترتيب معين

ويسمى كل عدد فيها حداً

$$\begin{array}{cccc} +2 & +2 & +2 & \\ \downarrow & \downarrow & \downarrow & \\ 4 & 6 & 8 & 10 \end{array}$$

متتالية -

الحد الاول الثاني الثالث الرابع

والقاعدة التي للمتتالية اب ببق هي جمع
2 كل مرة

مثال 1

اوجد الحد و د الخسة الاول
لكل متتالية ما يأتي

1] الحد الاول في متتالية (-7)

والقاعدة التي تربط كل حد

بالحد الذي يليه هي اضافة 3

$$\begin{array}{cccc} +3 & +3 & +3 & +3 \\ \downarrow & \downarrow & \downarrow & \downarrow \\ -7 & -4 & -1 & 2 & 5 \end{array}$$

التحقق من صحة

2] الحد الاول في متتالية (-4)

والقاعدة التي تربط كل حد

بالحد الذي يليه هي اضافة 2

كل مرة

مثال 3

الجدول لقاعدة التي تربط كل
عدد بالذي يليه
من المتتالية التالية
اكمل المتتالية بكتابة
نمائه عدد اخر

1 و 0 و -1 و -2 و -3 و -4

④ 0.4 و 0.8 و 1.6

$\times 2$ $\times 2$

القاعدة هي الضرب في 2 كل مرة

نجد 3 حدود

0.4 و 0.8 و 1.6 و 3.2 و 6.4 و 12.8

$\times 2$ $\times 2$ $\times 2$

12.8 و

#

① 4 و -2 و -5 و -8 و -11 و -14

-3 -3 -3

القاعدة هي طرح 3 كل مرة

نجد 3 حدود

4 و -2 و -5 و -8 و -11 و -14

التحقق من فهمنا

② 11 و 20 و 29 و 38 و 47 و 56

$+9$ $+9$

القاعدة هي اضافة 9 كل مرة

نجد 3 حدود

11 و 20 و 29 و 38 و 47 و 56

③ -4 و -3 و -2 و -1 و 0 و 1 و 2 و 3 و 4

$+1$ $+1$

القاعدة هي اضافة 1 كل مرة

نجد 3 حدود