

مدارس الإيمان الأساسية
شرح درسي خصائص المثلث (١) + (٢) للصف الثامن

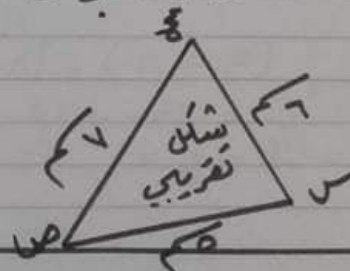
* خصائص المثلث « ١ » :
أولاً : مجموع أطوال أي ضلعين في المثلث أكبر من طول الضلع الثالث

مثال :
صل الأضلاع (٢ سم ، ٣ سم ، ٤ سم) تمثل مثلثاً ؟
بما أن طول أي ضلعين أكبر من الثالث ✓
هذا يعني أن المثلث الأضلاع (٢ سم ، ٣ سم ، ٤ سم) تمثل مثلثاً ✓
ويمكن رسمه ✓

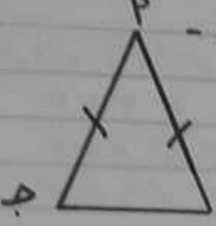
سؤال : صل أطوال الأضلاع ٥ سم ، ٥ سم ، ١٠ سم تمثل مثلثاً ؟
الجواب : لأن $٥ + ٥ = ١٠$ وليست أكبر منه ١٠
إذاً لا يمكن أن يكون مثلثاً
فإن ٥ سم ، ٥ سم ، ١٠ سم لا تشكل مثلثاً
ولا يمكن رسمها

ثانياً : الزاوية الكبرى في أي مثلث تقابل الضلع الأكبر
والزاوية الصغرى تقابل الضلع الأصغر

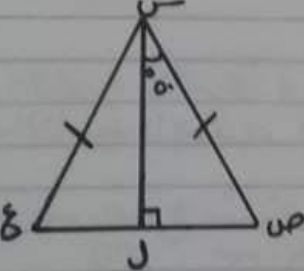
مثال : من ضلع مثلث فيه ضلع ٥ سم ، ضلع ٦ سم ، ضلع ٧ سم
ما هي أكبر زاوية في المثلث من ضلع ؟
أكبر ضلع ٧ سم = أكبر زاوية من ضلع
أصغر ضلع ٥ سم = أصغر زاوية من ضلع



* سؤال : P ب $ج$ مثلث متطابق الاضلاع
 $P = ب = ج$
 في هذه الحالة تتساوى قياس جميع زوايا
 $P = ب = ج$

* ثانياً : في المثلث المتطابق الضلعين :-

 $P = ب$
 $ج = ج$
 دائماً : زاوية القاعدة في المثلث
 المتطابق الضلعين متساويتان

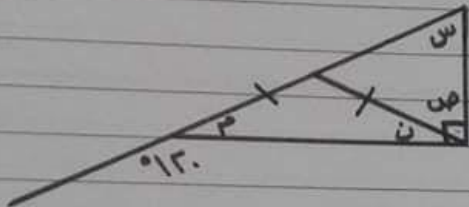
قاعدة هامة (تتعلق بالمثلث المتطابق الضلعين) :-
 العمود النازل من رأس المثلث المتطابق الضلعين :
 (P) ينصف زاوية الرأس
 ($ب$) ينصف القاعدة
 ($ج$) يكون عموداً على القاعدة

* سؤال :-
 في المثلث المجاور :

 $س = ع$
 $س = ل$
 جد قياس الزوايا
 بطريقتين

الأولى $\triangle س ص ل$ $ج = ل = ٩٠$
 $٩٠ + ٩٠ = ١٨٠ = ص$
 $٩٠ = ١٨٠ - ٩٠$
 $٩٠ = ٩٠$

الثانية Δ س ص ع : زاوية الرأس (س) = 100°
 \angle ص = $(180 - 100) \div 2 = 40^\circ$
 لأن زاوية القاعدة متساويتان .

* سؤال : جد قياس الزوايا المجهولة



$$\angle$$
 م = $180 - 120 = 60^\circ$

زاويتان متجاورتان على استقامة

\angle ن = \angle م = 60° (زاوية القاعدة في مثلث متساوية الضلعين)

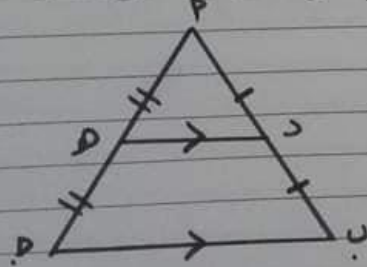
$$\angle$$
 ص + \angle ن = 90° \angle ص = $90 - 60 = 30^\circ$

في المثلث الكبير \angle س + $(\angle$ م + \angle ن) + \angle ص = 180°

$$\angle$$
 س = $180 - 60 - 90 = 30^\circ$

رابعاً :-

القطعة المستقيمة الواصلة بين منتصفين ضلعين في مثلث توازي الضلع الثالث، وخطوط تساوي نصف طوله .



$$د ه \parallel ب ج$$

$$د ه = \frac{1}{2} ب ج$$

إذا كان ب ج = 6 سم

$$د ه = 3 \text{ سم}$$

$$\angle$$
 د = \angle ب (بالتناظر)

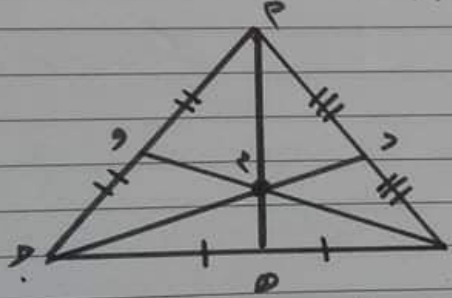
$$\angle$$
 ه = \angle ج (بالتناظر)

م تابع

٣

في المثال السابع إذا كان طول $PA = 8$ سم فإن $PD = 4$ سم
 ب د = 4 سم
 وإذا كان طول $PA = 10$ سم فإن $PD = 5$ سم
 ج ه = 5 سم
 إذا كان $PD = 6$ سم فإن $PA = 12$ سم بالتناظر
 إذا كان $PD = 5$ سم فإن $PA = 10$ سم بالتناظر
 و $PD = 7$ سم بالتناظر

خامساً :
 القُطْعُ المتوسطة في المثلث تتلاقى من نقطة واحدة، تقسم كل ضلع
 بنسبة ٢ : ١ من جهة الرأس
 والقُطْعُ المتوسطة هي قُطْعُ تصل بين رأس المثلث ونقطة منتصف الضلع
 المقابل له .



إذا كان طول $PD = 2$ سم
 فإن طول $PA = 4$ سم
 وطول $AD = 6$ سم

لأن القُطْعُ المتوسطة تتلاقى
 من نقطة واحدة بنسبة ٢ : ١
 ج د : د م

إذا كان طول PD ب و كاملة = ٨ سم فإن طول $PA = 12$ سم
 و $PD = 4$ سم

للتناظر بقسمة ١٨ بنسبة ٢ : ١

إذا كان طول $PD = 6$ سم فإن طول $PA = 12$ سم
 وطول $AD = 9$ سم

فبروز ♥